

التابع الزمني لتحول كيميائي – سرعة التفاعل

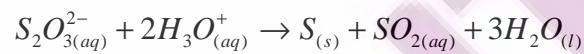
تمارين مرفقة بالحلول

فيزياء تارودانت

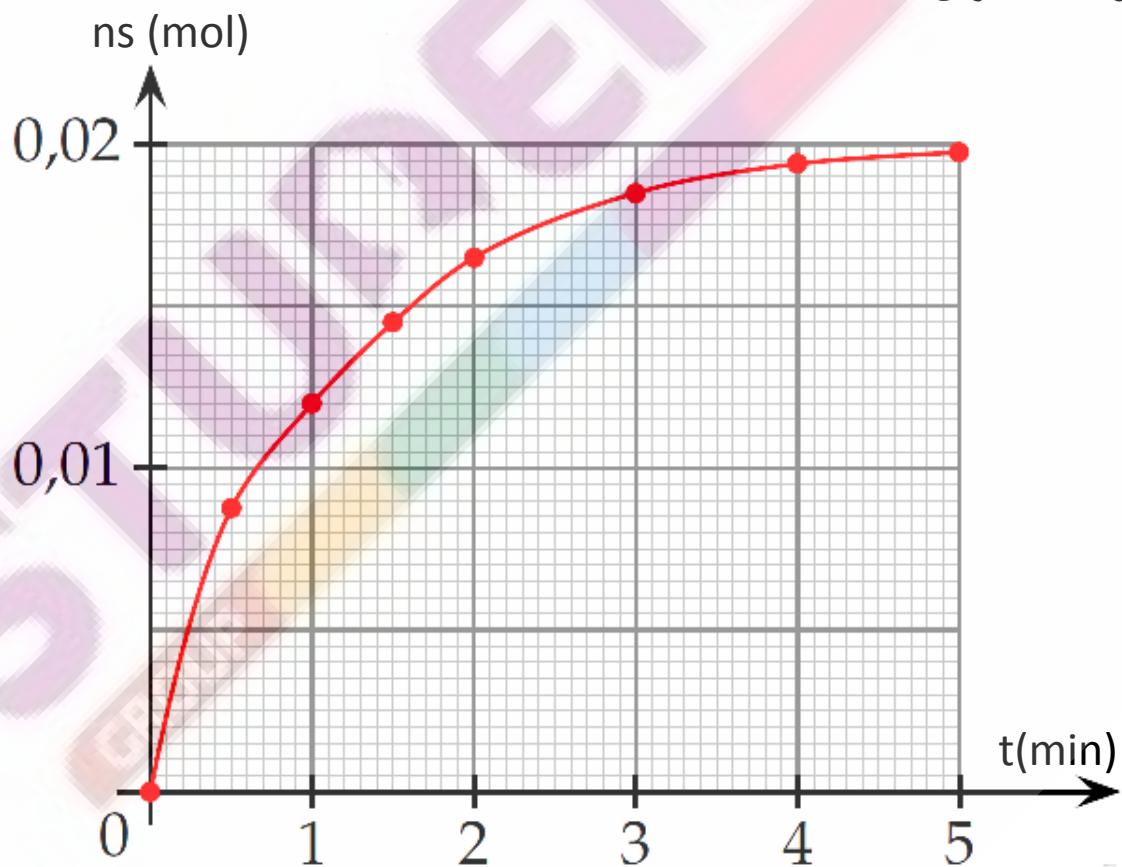


التمرين الأول:

يتفاعل أيون ثيوکبریتات $S_2O_3^{2-}$ مع أيونات الأوكسونیوم H_3O^+ فيتكون الكبريت S (جسم صلب أصفر) و ثاني أوكسید الكبريت SO_2 وفق المعادلة الكيميائية التالية:



نمزج عند درجة الحرارة 25°C 40mL من محلول ثيوکبریتات الصوديوم تركيزه $0,50\text{mol/L}$ و 10mL من محلول حمض الكلوریدریک تركيزه $5,0\text{mol/L}$ ، ثم نحدد كمية الكبريت الناتجة أثناء تطور التفاعل و نمثل تطورها بدلالة الزمن ::



- 1- أنشئ جدول تقدم المجموعة مطلاً القيمة النهائية لكمية مادة الكبريت.
- 2- احسب السرعتين الحجميتين للتفاعل عند اللحظتين $t=0\text{min}$ و $t=2\text{min}$.
- 3- نعيد نفس التجربة السابقة لكننا نغير فقط تركيز محلول حمض الكلوريدريك حيث يصبح $3,0\text{mol/L}$ عوض $5,0\text{mol/L}$.

- 3-1- هل ستتغير القيمة النهائية لكمية مادة الكبريت؟ على جوابك.
- 3-2- هل ستتغير قيمتي السرعتين الحجميتين المحددين في السؤال الثالث؟ على جوابك.

التمرين الثاني:

يتفاعل كربونات الكالسيوم CaCO_3 مع محلول حمض الكلوريدريك ($\text{H}_3\text{O}^+ + \text{Cl}^-$) وفق المعادلة التالية:



1- وازن المعادلة الكيميائية.

2- لدراسة هذا التفاعل نحضر في لحظة $t=0$ خليطاً يتكون من $2,0\text{g}$ من كربونات الكالسيوم و حجم $V_{\text{S}}=100\text{mL}$ من محلول حمض الكلوريدريك تركيزه $C=10^{-1}\text{mol.L}^{-1}$.

ندون في الجدول أسفله قيم حجم ثاني أوكسيد الكربون الناتج تحت الضغط الجوي $P_{\text{atm}}=1,020.10^5\text{Pa}$ عند لحظات زمنية مختلفة.

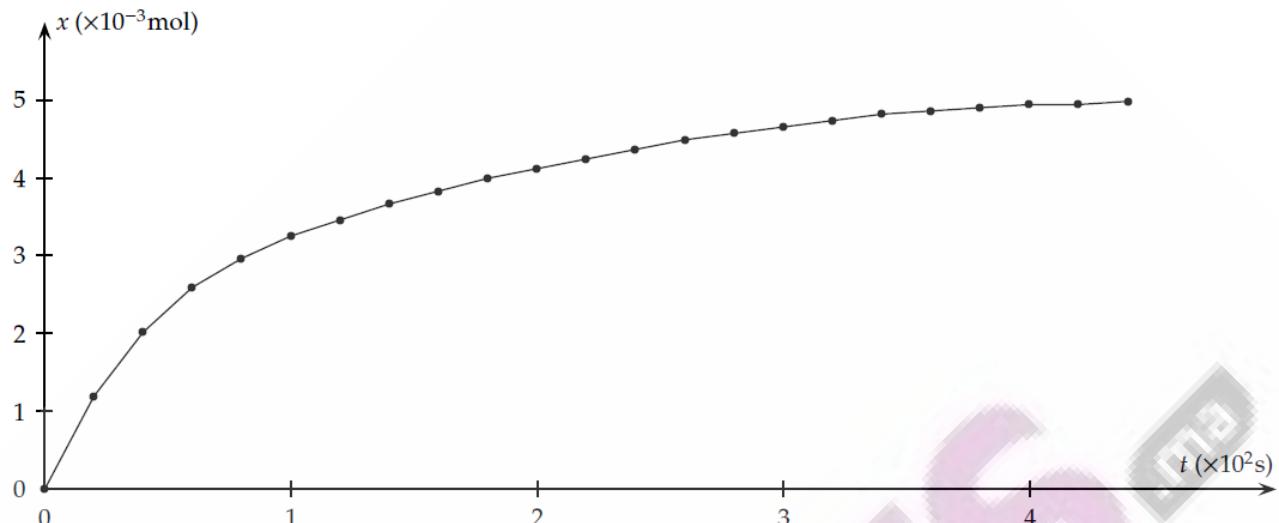
220	200	180	160	140	120	100	80	60	40	20	0	t(s)
103	100	97	93	89	84	79	72	63	49	29	0	$V(\text{CO}_2)$ (mL)
<hr/>												
460	440	420	400	380	360	340	320	300	280	260	240	t(s)
121	121	120	120	119	118	117	115	113	111	109	106	$V(\text{CO}_2)$ (mL)

المعطيات:

- درجة الحرارة: $T=25^\circ\text{C}$
- $R=8,314 \text{ (SI)}$

- 2-1- حدد كميات المادة البديلة للمتفاعلات.
- 2-2- أنشئ جدول تطور التفاعل علماً أن التفاعل كلي.
- 2-3- حدد المتفاصل المحد و التقدم القصوي x_{max} .
- 2-4- عبر عن التقدم x عند لحظة t بدلالة T, P_{atm} , $V(\text{CO}_2)$ و R . احسب قيمته عند $t=20\text{s}$.
- 2-5- احسب حجم ثاني أوكسيد الكربون القصوي الممكن إنتاجه خلال هذه التجربة.
- 2-6- نحسب تقدم التفاعل x الموافق لكل قيمة من حجم ثاني أوكسيد الكربون الناتج و نخط المبيان الممثل لتطور تقدم التفاعل بدلالة الزمن t فنحصل على المنحنى التالي:





- أ) أعطى تعبير السرعة الحجمية للتفاعل بدالة التقدم x و حجم الخليط V .
 ب) كيف تتغير السرعة الحجمية للتفاعل مع الزمن عل جوابك مستعينا بالبيان.
 ج) عرف زمن نصف التفاعل و احسب قيمته.
- 3- نعيد نفس التجربة السابقة لكن في درجة حرارة أصغر من 25°C .
- 3-1- ما تأثير خفض درجة الحرارة على السرعة الحجمية للتفاعل عند اللحظة $t=0$ ؟
- 3-2- مثل على نفس المبيان السابق شكل منحنى تغيرات تقدم التفاعل عند درجة حرارة أصغر من 25°C .
- 4- يمكننا تتبع هذا التفاعل بقياس الموصلية σ خلال فترات زمنية مختلفة.
- 4-1- اجرد الأيونات المتواجدة بال محلول.
- 4-2- نلاحظ تجربينا أن موصلية المحلول تتناقص تدريجيا مع الزمن. علل هذه الملاحظة دون إنجاز أي حساب
علماً أن الموصلية المولية الأيونية عند 25°C هي:

$$\lambda(\text{H}_3\text{O}^+) = 35,0 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$$

$$\lambda(\text{Ca}^{2+}) = 12,0 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$$

$$\lambda(\text{Cl}^-) = 7,5 \text{ mS.m}^2.\text{mol}^{-1}$$

- 3- احسب موصلية المحلول عند اللحظة $t=0$ s .
 4- بين أن موصلية المحلول σ تتعلق بتقدم التفاعل x وفق هذه العلاقة :

$$\sigma = 4,25 - 580 x (\text{SI})$$

- 5- احسب موصلية المحلول بالنسبة للحالة النهائية لتطور التفاعل.



الأجوبة

التمرين الأول:

-1

معادلة التفاعل					التقدم x(mol)	الحالة
كمية المادة (mol)						
$S_2O_{3(aq)}^{2-}$	$+ 2H_3O_{(aq)}^+$	\rightarrow	$S_{(s)}$	$+ SO_{2(aq)}$	$+ 3H_2O_{(l)}$	الحالة البدئية
$n_{01} = C_1 V_1 = 2 \cdot 10^{-2}$	$n_{02} = C_2 V_2 = 5 \cdot 10^{-2}$	0	0	بوفرة	0	الحالة البدئية
$n_{01} - x$	$n_{02} - 2x$	x	x	بوفرة	x	خلال التحول
$2 \cdot 10^{-2} - x$	$5 \cdot 10^{-2} - 2x$					
$2 \cdot 10^{-2} - x_{\max}$	$5 \cdot 10^{-2} - 2x_{\max}$	x_{\max}	x_{\max}	بوفرة	x_{\max}	الحالة النهائية

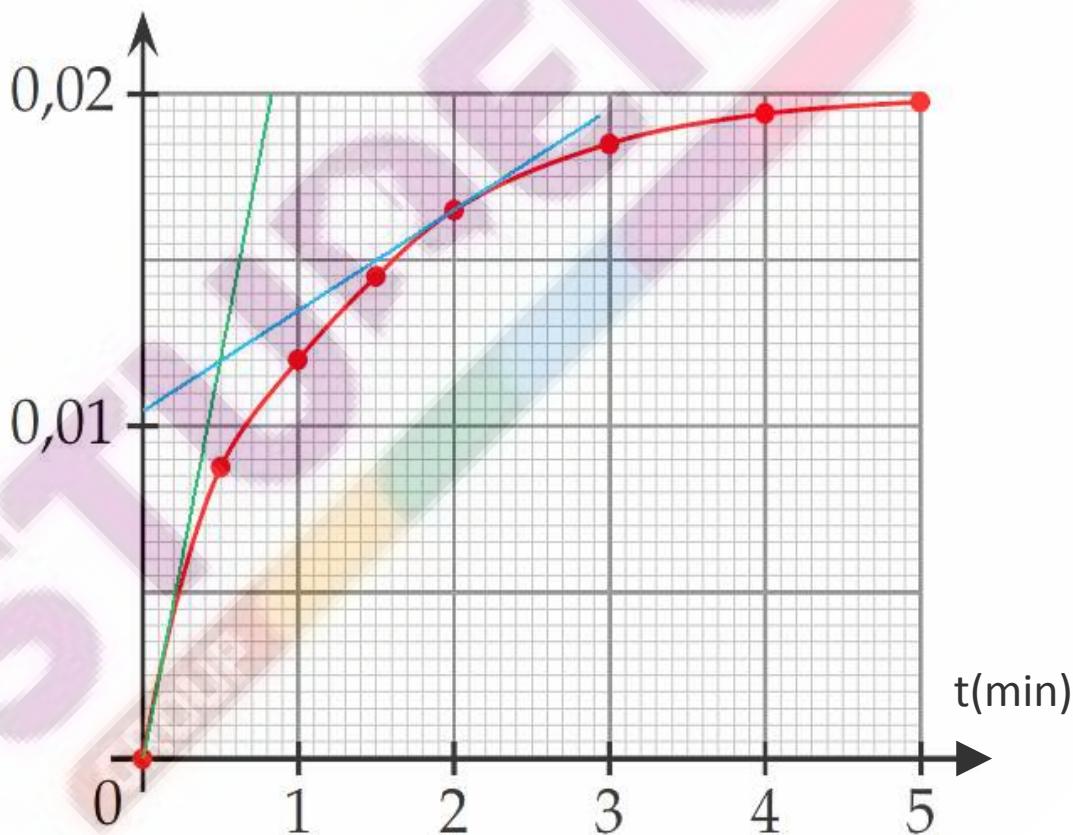
لدينا حسب الجدول $n_{smax} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$
و بما أن $n_{smax} = x_{smax}$ وهذا يعني أن المتفاعل المد هو أيون ثيوکبريتات:

$$x_{\max} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

$$n_f(S_2O_3^{2-}) = 0$$

$$n_f(H_3O^+) = 5 \cdot 10^{-2} - 4 \cdot 10^{-2} = 10^{-2} \text{ mol}$$

-2



لدينا تعبير السرعة الحجمية للتفاعل:

$$\nu(t) = \frac{1}{V} \frac{dx(t)}{dt}$$

و بما أن: $x=n_s$ إذن:

$$\nu(t) = \frac{1}{V} \frac{dn_s(t)}{dt} = \frac{1}{0,05} \frac{dn_s(t)}{dt}$$

نمثل مماسي منحنى تطور ns بدلالة الزمن عند اللحظتين 0min و 2min و نختار نقطتين من كل مماس:

$$\nu(t=0\text{ min}) = \frac{1}{0,05} \frac{\Delta n_s}{\Delta t} = \frac{1}{0,05} \frac{(0,02 - 0)}{(0,8 - 0)} \approx 0,5 \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$$

$$\nu(t=2\text{ min}) = \frac{1}{0,05} \frac{\Delta n_s}{\Delta t} = \frac{1}{0,05} \frac{(16,5 - 10,5).10^{-3}}{(2 - 0)} \approx 0,06 \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1}$$

سرعة التفاعل تتناقص مع تطور المجموعة لأن تراكيز المتفاعلات باعتبارها عامل حركي تتناقص تدريجيا نتيجة تفاعلاها.

-3

-1-3

في هذه الحالة ستكون كمية مادة أيون الأوكسونيوم البدئية هي:

$$n'_{02} = C'_2 V_2 = 3,0,01 = 0,03 \text{ mol}$$

نفترض أن المتفاصل المحد هو أيون ثيوكبرنات

$$2 \cdot 10^{-2} - x_{\max 1} = 0$$

$$x_{\max 1} = 2 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

و بافتراض أن أيون الأوكسونيوم هو المتفاصل المحد نحصل على:

$$3 \cdot 10^{-2} - 2 x_{\max 2} = 0$$

$$x_{\max 2} = 1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$$

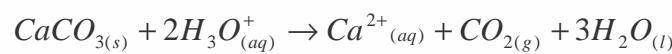
و بما أن $x_{\max 2} < x_{\max 1}$ إذن المتفاصل المحد هو أيون الأوكسونيوم، حيث ستصبح كمية مادة الكبريت النهائية تساوي $1,5 \cdot 10^{-2} \text{ mol}$ وبالتالي فإن القيمة النهائية لكمية مادة الكبريت ستتغير.

2-3- بما أن تراكيز المتفاعلات البدئية عامل حركي فإن سرعة التفاعل ستتغير كيما كانت اللحظة الزمنية بتغيير أحد أو كل تراكيز المتفاعلات.



التمرين الثاني:

-1



-2

-1-2

$$n_0(CaCO_3) = \frac{m(CaCO_3)}{M(CaCO_3)}$$

ت ع:

$$n_0(CaCO_3) = \frac{2,0}{100} = 2.10^{-2} mol$$

$$n_0(CaCO_3) = 2.10^{-2} mol$$

ت ع:

$$n_0(H_3O^+) = 10^{-1}.10^{-1} = 10^{-2} mol$$

$$n_0(H_3O^+) = 10^{-2} mol$$

2-2

معادلة التفاعل						الحالة
كمية المادة (mol)					التقدم x(mol)	
n ₀₁ =2.10 ⁻²	n ₀₂ =10 ⁻²	0	0	بوفرة	0	الحالة البدئية
n ₀₁ - x	n ₀₂ - 2x	x	x	بوفرة	x	خلال التحول
2.10 ⁻² - x	10 ⁻² - 2x					
2.10 ⁻² - x _{max}	10 ⁻² - 2x _{max}	x _{max}	x _{max}	بوفرة	x _{max}	الحالة النهائية

3-2

نفترض أن المتفاعل المد هو كربونات الكالسيوم:

$$2.10^{-2} - x_{max1} = 0 \\ x_{max1} = 2.10^{-2} mol.$$

نفترض أن المتفاعل المد هو أيون الأوكسونيوم:

$$10^{-2} - 2x_{max2} = 0 \\ x_{max2} = 5.10^{-3} mol.$$

بما أن:

$$x_{max2} < x_{max1}$$

إذن المتفاعل المد هو أيون الأوكسونيوم.
و بالتالي قيمة التقدم القصوي هي: $x_{max} = x_{max2} = 5.10^{-3} mol$ 

4-2

لدينا معادلة الغازات الكاملة:

$$PV = nRT$$

إذن:

$$x = n(CO_2) = \frac{P_{atm}V(CO_2)}{RT}$$

$$x(t=20s) = \frac{1,020.10^5 \cdot 29.10^{-6}}{8,314.298} \approx 1.2 \cdot 10^{-3} mol$$

5-2

كمية مادة ثانوي أوكسيد الكربون الممكن إنتاجها:

$$n_{max}x(CO_2) = n_{max} = 5 \cdot 10^{-3} mol$$

إذن:

$$V_{max}(CO_2) = \frac{n_{max}(CO_2) \cdot RT}{P_{atm}}$$

ت ع:

$$V_{max}(CO_2) = \frac{5 \cdot 10^{-3} \cdot 8,314.298}{1,020.10^5} \approx 121 \cdot 10^{-6} m^3 = 121 mL$$

$$V_{max}(CO_2) = 121 mL$$

6-2

أ- لدينا:

$$v(t) = \frac{1}{V} \frac{dx(t)}{dt}$$

ب- تتناقص السرعة الحجمية للتفاعل مع مرور الزمن لأن تغيرات تقدم التفاعل x تتناقص تدريجيا مع الزمن.

ج-

نسمى زمن نصف التفاعل المدة الزمنية التي يكون عند تمامها تقدم التفاعل مساو لنصف التقدم النهائي.

لدينا حسب المبيان:

$$x_f = x_{max} = 5 \cdot 10^{-3} mol$$

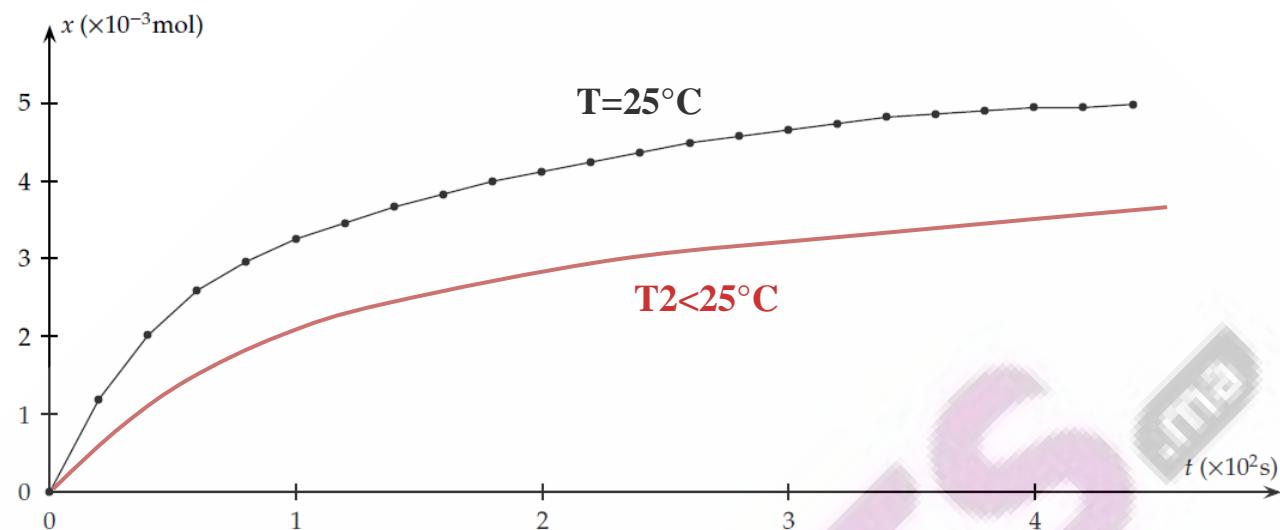
إذن:

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2} = 2.5 \cdot 10^{-3} mol$$

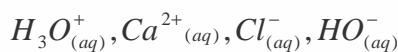
و باعتماد المبيان نجد أن اللحظة $t_{1/2}$ الموافقة للتقدم $x(t_{1/2}) = 2.5 \cdot 10^{-3} mol$ هي:
 $t_{1/2} \approx 50s$

-3

3-1- بما أن درجة الحرارة عامل حركي، حيث كلما انخفضت درجة الحرارة كلما انخفضت سرعة التفاعل الحجمية كيما كان تاريخ اللحظة الزمنية بما فيها اللحظة البدئية ($t=0s$).



الأنواع الكيميائية المتواجدة بال محلول:



لدينا كمية مادة HO^- مهملاً و كمية مادة Cl^- ثابتة حيث أنه لا يشارك في التفاعل.
عند اختفاء أيوني أوكسونيوم أثناء تطور التفاعل يظهر أيون كالسيوم و هكذا فعدد الأيونات ينقص أثناء تطور التفاعل كما أن الموصلية المولية الأيونية لأيون الأوكسونيوم أكبر من الموصلية المولية الأيونية لأيون الكالسيوم

$$2\lambda(H_3O^+) > \lambda(Ca^{2+})$$

و بالتالي فالموصلية ستتناقص تدريجياً مع تطور التفاعل الكيميائي.

$$\begin{aligned} \sigma_0 &= \lambda(H_3O^+) \cdot [H_3O^+]_0 + \lambda(Cl^-) \cdot [Cl^-]_0 + \lambda(Ca^{2+}) \cdot [Ca^{2+}]_0 \\ &= \lambda(H_3O^+) \cdot [H_3O^+]_0 + \lambda(Cl^-) \cdot [Cl^-] \\ &= \left(\lambda(H_3O^+) + \lambda(Cl^-) \right) \cdot [H_3O^+]_0 \\ &= (35 + 7,5) \cdot 10^{-3} \cdot 0,1 \cdot 10^3 = 4,25 \text{ S.m}^{-1} \end{aligned}$$



$$\begin{aligned}
 \sigma(t) &= \lambda_{(H_3O^+)} \cdot [H_3O^+] + \lambda_{(Cl^-)} \cdot [Cl^-] + \lambda_{(Ca^{2+})} \cdot [Ca^{2+}] \\
 &= 35 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{10^{-2} - 2x}{V_s} + 7,5 \cdot 10^{-3} \cdot 10^2 + 12 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{x}{V_s} \\
 &= 35 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{10^{-2} - 2x}{10^{-4}} + 7,5 \cdot 10^{-3} \cdot 10^2 + 12 \cdot 10^{-3} \cdot \frac{x}{10^{-4}} \\
 &= 3,5 - 700x + 0,75 + 120x \\
 &= 4,25 - 580x (S.m^{-1})
 \end{aligned}$$

$$\sigma_f = 4,25 - 580x_{\max}$$

$$\sigma_f = 4,25 - 580 \cdot 5 \cdot 10^{-3} = 1,35 S.m^{-1}$$

STUDENTS.ma

GROUP

