

3. لتكن  $(V_n)$  المتتالية المتزايدة :  $V_n = \frac{3n-1}{2n+1}$  ,  $n \in \mathbb{N}$   
 أ- بين أن المتتالية  $(V_n)$  هندية وحددة أماسها وحدها الأول  
 استنتج أن :  $V_n = -\left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}$  ( $\forall n \in \mathbb{N}$ )

ب- بكنايته  $V_n$  بولايته  $V_n$  بين أنه كل  $n$  من  $\mathbb{N}$   
 $\lim_{n \rightarrow \infty} V_n = 1 - \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}$  احسب (معللًا جوابك)  $\lim_{n \rightarrow \infty} V_n$   
 ج- احسب بولايته  $V_n$  :  $V_n = \frac{1}{1 + \left(\frac{1}{5}\right)^{n+1}}$   
 $S_n = \frac{3n-1}{2n+1} + \frac{3n-1}{2n+1} + \dots + \frac{3n-1}{2n+1}$

تعريف (3) ( $f$ )  
 لتكن  $f$  الدالة الحقيقية للتغير الحقيقي  $f$  المتزايدة كما يلي:

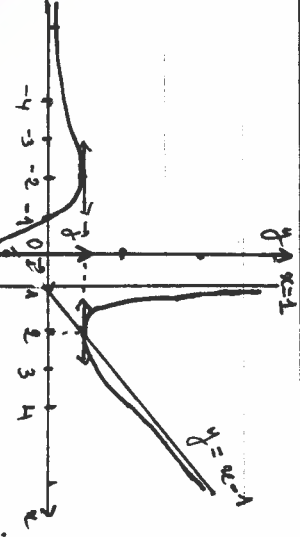
$f(x) = \frac{x}{2\sqrt{x}-1}$  و  $f(x) = \frac{x}{2\sqrt{x}-1}$

أ-  $f$  في معبر متعامد منظم  $(f(x))$   
 ب- بين أن الدالة  $f$  متزايدة على المجموعتين  $[0, \frac{1}{2}]$  و  $[\frac{1}{2}, +\infty)$   
 ج- بين أن الدالة  $f$  قابلة للاشتقاق على المينتين في  $0$   
 ثم أزل ميسانيا هذه النتيجة.

د- احسب  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^+} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^-} f(x)$   
 هذه النتائج .  
 ب- تحقق أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$  وأن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x) = 0$   
 فأول ميسانيا هذه النهاية الأخيرة .

ج-  $f'(x) = \frac{\sqrt{x}-1}{2(\sqrt{x}-1)^2}$   
 ب- فتح جدول تغيرات  $f$  على  $D$   
 ج- أكثب معادلتها لكما للنتيجة (C) في المنطقة  $I$  ، ان الأول  $I_1$   
 د- ارسم المنحنى (C)

يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجية



تعريف (1) : ( $f$ )  
 المياني جانبها متشبهل الدالة  
 عديدة  $f$  متزايدة على مجموعتي  $D$   
 أ- حدد المجموعتي  $D$   
 ب- احسب النهايات التالية :

$\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$   
 $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^+} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow \frac{1}{2}^-} f(x)$   
 $\lim_{x \rightarrow 1} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow 1} f'(x)$   
 $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  ;  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f'(x)$

أ- حل في  $D$  المتراجعتين :  $f(x) \leq 0$  ;  $f(x) \geq 0$   
 ب- حل في  $D$  المعادلتين :  $f(x) = 1$  ;  $f(x) = 4$   
 ج- حل في المجال  $[1, +\infty)$  المتراجعتين :  $f(x) \leq x-1$

تعريف (2) : ( $f$ )  
 نجبر المتتالية الترتيبية  $(V_n)$  المتزايدة بـ  $V_n$   
 أ-  $V_n = \frac{3n+2}{2n+3}$  ( $\forall n \in \mathbb{N}$ )  
 ب- بين بالترجع أن :  $0 < V_n < 1$   
 ج- بين بالترجع أن :  $V_n < \frac{2}{3}$

أ- بين بالترجع أن :  $V_n < 1$   
 ب- بين أن للمتتالية  $(V_n)$  تنازلية واستنتج أن  $V_n < \frac{2}{3}$   
 ج- لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$