

1	0,75	أ - ديف أن القيمة المطلقة ل $x$ هي 1 أو 2 أو 3.
1	1	ب - بين أن : $P(X=2) = \frac{23}{35}$
1,25		ج - ضع جدول قانون احتمال $X$ ثم حسب أملة الرياضي.

تعريف (3) (10 ن)

0,75	1	1	تعريف (3) (10 ن) $g(x) = 1 - x + \ln x$ : الملوحة على $\mathbb{R}_+^*$ بما يلي : 1أ - احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ (علل إجوبك) ب - بين أن لكل $e \in \mathbb{R}_+^*$ : $g'(x) = \frac{1-x}{x}$ ج - ضع جدول تغيرات $g$ ثم استنتج أن : $g(x) \leq 0 \quad (\forall x \in \mathbb{R}_+^*)$ II) لكن $f$ الملوحة على $\mathbb{R}_+$ بما يلي : $\begin{cases} f(0) = 0 \\ f(x) = x^2 - 2x \ln x - 2 \end{cases} \quad (x > 0)$
------	---	---	--

ولكن (ج) منحصرا المطلقة في معلم صفها من  $(\frac{1}{e}, 1, e)$  .

1أ - بين أن الدالة  $f$  متطرفة على اليمين في 0 .

0,75 ب - ادرسه تاليفة استنتاجا على اليمين في 0 ثم أكد هندسيا النتيجة اطول عليها .

1,25 ج - بين أن :  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f'(x)}{x} = +\infty$  أول هندسيا النتيجة الأخيرة .

1 ج - بين أن لكل  $e \in \mathbb{R}_+^*$  :  $f(x) = -2g(x) - 2$  ثم ادرسه تاليفة الدالة  $f$  .

0,5 ب - بين أن المتعادلة  $f(x) = 0$  تقبل حلا وحيدا له في المجال  $]-\frac{1}{e}; 1[$  .

1 ج - أنشئ المنحنى (ج) ميرزا المماس في النقطة  $A(1, -1)$

1 3أ - احسب التمامل :  $x \in ]0, 2[$   $I = \int_0^2 x^2 dx$

1 ب - باستعمال كل ملة بالاجزاء، بين أن :  $\int_1^2 x \ln x dx = 2 \ln 2 - \frac{3}{4}$  .

1 ج - احسب مساحة الجزء الملوح، بين أن المنحنى (ج) و محور الأناجيل واطقتيقتين اللذين محاد لتيهما :  $x=1$  ;  $x=2$  .

تعريف (4) (3 ن)

0,5	1	1	تعريف (4) (3 ن) نعتبر المتتالية العددية $(u_n)$ للفرقة بما يلي : $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{1+u_n^2} \end{cases} \quad (n \geq 0)$ 1أ - احسب $u_1$ و $u_2$ . ب - بين أن لكل $n \in \mathbb{N}$ : $u_n > 0$ ج - بين أن المتتالية $(u_n)$ تناقضية واستنتج أن : $u_n \leq 1 \quad (\forall n \in \mathbb{N})$ ج - بين أن المتتالية $(u_n)$ متقاربة . ب - برهن أن : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$
-----	---	---	---

تعريف (5) (7 ن)

يحتوي هندوف على 4 كرات بيضاء وكرتين سوداوين وكرعة واحدة حمراء .  
 (لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس) . نضع تآنيا 3 كرات من الهدوف  
 ونعتبر الأحداث التالية : A "الكرات المسعوبة مختلفة الألوان فني فني"  
 B "من بين الكرات المسعوبة، توجد الكرة الاحمر"  
 C "الاحمر على الأقل مرقة واحدة على كرة بيضاء"

1أ احسب احتمالات الأحداث A و B و C .

1 ج بين أن احتمال الحدث BnC هو :  $\frac{14}{35}$

3 يمكن X المتغير العشوائي الذي يريده كل سحبة بعدد ألوان الكرات الثلاثة المسحوبة .