

0,75	أ- بين أن القيم الممكنة لـ x هي 1 أو 2 أو 3.
1	ب- بين أن : $p(X=2) = \frac{23}{35}$
1,25	ج- ضع جدول قانون احتمال X ثم احسب أمله الرياضي.

	تعريف (3) (10 ن)
	(I) نعتبر الدالة g المعرفة على \mathbb{R}_+^* بما يلي : $g(x) = 1 - x + \ln x$
0,75	أ- احسب $\lim_{x \rightarrow 0^+} g(x)$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} g(x)$ (علل إجوبتك)
0,25	ب- بين أن لكل x من \mathbb{R}_+^* : $g'(x) = \frac{1-x}{x}$
1	ج- ضع جدول تغيرات g ثم استنتج أن : $g(x) \leq 0$ ($\forall x \in \mathbb{R}_+^*$)
	(II) لتكن f الدالة المعرفة على \mathbb{R}_+^* بما يلي :
	$\begin{cases} f(0) = 2 \\ f(x) = x^e - 2x \ln x - 2 \quad ; (x > 0) \end{cases}$
	ولكن (C) منحناها الطمث في معلم متناهد منظم $(\frac{1}{e}, \frac{2}{e}, 0)$
0,5	أ- بين أن الدالة f متصلة على اليمين في 0.
0,75	ب- ادرس قابلية اشتقاقها على اليمين في 0 ثم ادرس هندسيا النتيجة المحل عليها.
1,25	ج- بين أن : $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x) = +\infty$ و $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ، ادرس هندسيا النتيجة الأخيرة.
1	أ- بين أن لكل x من \mathbb{R}_+^* : $f'(x) = -2g(x)$ ثم ادرس رتبة الدالة f .
0,5	ب- بين أن المعادلة $f(x) = 0$ تقبل حلا وحيدا α في المجال $[2, 8; 2, 7]$
1	ج- أ نشيء المنحنى (C) ميزنا المماس في النقطة $A(1, -1)$
1	أ- احسب التكامل : $I = \int_1^2 (x^2 - 2) dx$
1	ب- باستعمال مكاملة بالأجزاء، بين أن : $\int_1^2 x \ln x dx = 2 \ln 2 - \frac{3}{4}$
1	ج- احسب مساحة الجزء المحصور بين أن المنحنى (C) ومحور الأضلاع والمستقيمين اللذين معاد لهما : $x=1$; $x=2$.

المسألة 2. علوم اقتصادية		مراقبة مستمرة (2)
مدة الانجاز: ساعتان		الأسدس II - ماي 2012
تمرين (1) (3 ن)		
نعتبر المتتالية العددية (u_n) المعرفة بما يلي :		
0,5	أ- احسب u_1 و u_2 .	$\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = \frac{u_n}{1+u_n^2} \quad ; (n \geq 0) \end{cases}$
0,5	ب- بين أن لكل n من \mathbb{N} : $u_n > 0$	
1	ج- بين أن المتتالية (u_n) تناقصية واستنتج أن : $0 < u_n < 1$ ($\forall n \in \mathbb{N}$)	
0,25	أ- بين أن المتتالية (u_n) متقاربة.	
0,75	ب- برهن أن : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = 0$	
تمرين (2) (7 ن)		
يحتوي صندوق على 4 كرات بيضاء وكرتين سوداوين وكرّة واحدة حمراء.		
(لا يمكن التمييز بين الكرات باللمس). ن سحب تآنيا 3 كرات من الصندوق		
ونعتبر الأحداث التالية : A «الكرات المسحوبة مختلفة الألوان مثنى مثنى»		
B «من بين الكرات المسحوبة، توجد الكرة الحمراء»		
C «الاحمول على الأقل مرة واحدة على كرة بيضاء»		
3	أ- احسب احتمالات الأحداث A و B و C.	
1	ب- بين أن احتمال الحدث B و C هو : $\frac{14}{35}$	
	ج- ليكن X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد ألوان الكرات الثلاثة المسحوبة.	