

الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا

الدورة الاستدراكية 2017

الموضوع -

RS 26



المركز الوطني للتفوييم والامتحانات والتوجيه

2	مدة الإنجاز	<b>الرياضيات</b>	المادة
4	المعامل	مسلك العلوم الاقتصادية ومسلك علوم التدبير المحاسبي (باللغتين العربية والفرنسية)	الشعبة أو المسارك

### Instructions au candidat(e)

تعليمات للمترشح (٥)

**Important : Le candidat est invité à lire et suivre attentivement ces recommandations.**

هام : يتعين على المترشح فراغة هذه التوجيهات بدقة و العمل بها.

**Le document que vous avez entre les mains est de 5 pages : la première est réservée aux recommandations, les pages 2 et 3 sont réservées au sujet en langue arabe et les pages 4 et 5 au sujet en langue française. Choisissez une des deux langues pour répondre aux questions.**

الوثيقة التي بين يديك من 5 صفحات: الأولى منها خاصة بالتوجهات، والصفحتان 2 و3 للموضوع باللغة العربية، والصفحتان 4 و5 لنفس الموضوع باللغة الفرنسية. اختر إحدى اللغتين للإجابة على الأسئلة.

- Il vous est suggéré de répondre aux questions du sujet avec précision et soin ;
  - Il vous est autorisé d'utiliser la calculatrice scientifique non programmable ;
  - Vous devez justifier les résultats ( Par exemple : lors du calcul des limites , lors du calcul des probabilités , ...);
  - Vous pouvez répondre aux exercices selon l'ordre que vous choisissez , mais veuillez numérotter les exercices et les questions tels qu'ils le sont dans le sujet;
  - Veillez à la bonne présentation de votre copie et à une écriture lisible;
  - Il est souhaitable que les pages soient numérotées pour faciliter la correction;
  - L'écriture au stylo rouge est à éviter;
  - Assurez-vous que vous avez traité tous les exercices avant de quitter la salle d'examen.

- يرجى منك الإجابة عن أسئلة الموضوع بما تستحقه من دقة وعناية؛
  - يسمح لك باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة؛
  - ينفي عليك تعديل النتائج (مثلاً : عند حساب النهايات، عند حساب الاحتمالات،...)
  - يمكنك الإجابة على التمارين وفق الترتيب الذي تختاره (نختارينه)، لكن يتعين عليك في ترقيم أجوبتك، اعتماد نفس ترقيم التمارين والأسئلة، الوارد في الموضوع؛
  - ينبع عليك العمل على حسن تقديم الورقة والكتابة بخط مفروع؛
  - يستحسن ترقيم صفحات أوراق التحرير ضماناً لتسخير عملية التصحيح؛
  - يتعين تجنب الكتابة بقلم أحمر؛
  - تحقق(ي) من معالجتك لكل تمارين الموضوع قبل مغادرة قاعة الامتحان.

**التمرين الأول : (4.5 نقط)**

نعتبر المتتالية العددية  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي:  $u_0 = 2$  و  $u_{n+1} = \frac{3u_n + 2}{2u_n + 3}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$

أ. احسب  $u_1$  و  $u_2$  0.5

ب. تحقق من أن  $u_n > 1$  ثم بين بالترجع أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_{n+1} - 1 = \frac{u_n - 1}{2u_n + 3}$  0.75

ج. بين أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $u_{n+1} - u_n = 2 \left( \frac{1 - u_n^2}{2u_n + 3} \right)$  0.5

د. استنتج أن  $(u_n)_{n \in \mathbb{N}}$  تناقصية وأنها متقاربة. 0.5

2. نعتبر المتتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  المعرفة بما يلي:  $v_n = \frac{u_n - 1}{u_n + 1}$  لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$

أ. تحقق أن لكل  $n$  من  $\mathbb{N}$ :  $v_n \neq 1$  0.25

ب. احسب  $v_0$  0.25

ج. بين أن المتتالية  $(v_n)_{n \in \mathbb{N}}$  هندسية أساسها  $\frac{1}{5}$  0.5

د. احسب  $v_n$  بدلالة  $n$  0.25

أ. بين أن  $u_n = \frac{1 + v_n}{1 - v_n}$  0.25

ب. استنتاج أن:  $u_n = \frac{1 + \frac{1}{3} \left( \frac{1}{5} \right)^n}{1 - \frac{1}{3} \left( \frac{1}{5} \right)^n}$  0.5

ج. احسب  $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$  0.25

**التمرين الثاني: (4 نقط)**

يحتوي صندوق على ثلات كرات بيضاء تحمل الأعداد 0، 1، 2 وكرتين لونهما أسود تحملان العددين 1، 2، كلها غير قابلة للتمييز باللمس.

نسحب عشوائيا بالتناوب وبدون إخلال كرتين من الصندوق.

1. نعتبر الحدفين  $A$  و  $B$  التاليين :

$A$  : " الكرتان المسحوبتان تحملان العدد 1 "

$B$  : " سحب كرة بيضاء في المرة الأولى "

أ. بين أن  $P(A) = \frac{1}{10}$  0.5

ب. احسب احتمال الحدث  $B$  وبين أن  $P(A \cap B) = \frac{1}{20}$  1

ج. هل الحدثان  $A$  و  $B$  مستقلان؟ علل جوابك. 0.5

2. ليكن  $X$  المتغير العشوائي الذي يساوي جداء العددين اللذين تحملهما الكرتان المسحوبتان.

أ. انقل الجدول جانبه على ورقة تحريرك ثم أتمه ملأه مעתلا جوابك. 1.5

$X = x_i$	0	1	2	4
$p(X = x_i)$	$\frac{8}{20}$			

ب. احسب  $E(X)$  الأمل الرياضي للمتغير العشوائي  $X$  0.5

التمرين الثالث : (1.5 نقطة)

$$J = \int_0^1 \frac{x^3}{x^2 + 1} dx \quad \text{و} \quad I = \int_0^1 \frac{x}{x^2 + 1} dx$$

- |  |     |
|--|-----|
| 1. احسب $I$                                | 0.5 |
| 2. احسب $I + J$                            | 0.5 |
| 3. استنتج أن: $J = \frac{1}{2}(1 - \ln 2)$ | 0.5 |

التمرين الرابع : (10 نقط)

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $IR^*$  بما يلي:  $f(x) = \left( \frac{x-1}{x} \right) e^x$  ولتكن  $(C_f)$  تمثيلها المباني

في معلم متعمد منظم  $(O; i; j)$

- |   |      |
|---|------|
| 1. احسب $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$ وبين أن $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = +\infty$ ثم اعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة.                            | 1.75 |
| 1. ب. احسب $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ ثم اعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة.   | 0.75 |
| 1. ج. بين أن $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x > 0}} f(x) = +\infty$ و $\lim_{\substack{x \rightarrow 0 \\ x < 0}} f(x) = -\infty$ ثم اعط تأويلا هندسيا لهذه النتيجة. | 1.75 |

$$f'(x) = \frac{(x^2 - x + 1)}{x^2} e^x : IR^*$$

- |   |   |
|---|---|
| 1. ب. بين أن: $f'(x) > 0$ لـ $\forall x \in IR^*$ | 1 |
|---|---|

ج. استنتاج منحى تغيرات الدالة  $f$  على  $[0; +\infty)$  ثم على  $(-\infty; 0]$

- |   |      |
|---|------|
| 2. احسب $f(1)$ ثم ضع جدول تغيرات الدالة $f$ | 1.25 |
|---|------|

في الشكل أسفله  $(C_f)$  هو التمثيل المباني للدالة  $f$

- |  |   |
|--|---|
| 3. اعط معادلة المماس $(T)$ للمنحنى $(C_f)$ في النقطة ذات الأقصول 1 | 1 |
|--|---|

ب. حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة  $f(x) = 2$

ج. حدد مبيانيا عدد حلول المعادلة  $f(x) = -2$

