

المستوى : السنة أولى علوم تجريبية  
مدة الإجاز : ساعتان  
السنة الدراسية : 2016/2015

الفرض الثالث  
الدورة الثانية

### التمرين 1

الفضاء منسوب للمعلم المتعامد  $(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})$ .

نعتبر ما يلي : النقطتين  $A(0,0,-2)$  ،  $B(0,1,-1)$  و المتجهات  $\vec{u}(3,1,0)$  ،  $\vec{v}(2,1,1)$  ،  $\vec{w}(2,3,1)$

1. اعط تمثيلا باراكتريا للمستقيم  $(D)$  . المار من النقطة  $A$  و الموجه بالمتجهة  $\vec{w}$

2. أ. بين أن المتجهين  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  غير مستقيمتين .

ب. بين أن معادلة ديكارتية للمستوى  $(P)$  المار من  $B$  و الموجه ب  $\vec{u}$  و  $\vec{v}$  .

3. حدد إحداثيات النقطة  $I$  تقاطع المستوى  $(P)$  و المستقيم  $(D)$

التنقيط

1

0.5

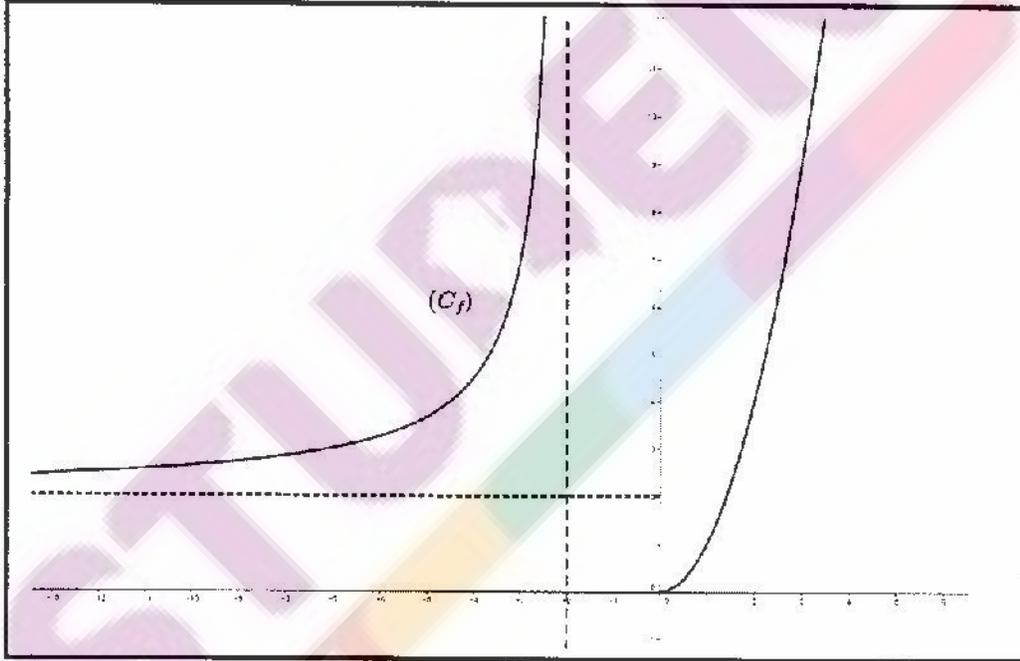
1.5

1

### التمرين 2

لتكن الدالة العددية  $f$  لمتغير حقيقي  $x$  المعرفة على  $]-\infty, -2[ \cup ]0, +\infty[$  تمثيلها المبياني كالتالي

في المعلم المتعامد المنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .



$$\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow -2} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow -\infty} f(x) \quad \text{و} \quad \lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$$

0.5×4

نظر الصفحة الموالية



المستوى: السنة أولى علوم تجريبية  
مدة الإجازة: ساعتان  
السنة الدراسية: 2015/2016

الفرض الثالث  
الدورة الثانية



التقريب

### التمرين 3

لتكن الدالة  $f$  العددية لمتغير حقيقي  $x$  المعرفة كالتالي :

$$f(x) = x^3 + x^2 - 2$$

و  $(C_f)$  منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. أحسب  $f''(x)$ .
2. أدرس تقعر  $(C_f)$  منحنى الدالة  $f$ .

0.5

1.5

### التمرين 4

لتكن الدالة  $f$  العددية لمتغير حقيقي  $x$  المعرفة كالتالي :

$$f(x) = \frac{4}{x^2 - 4x + 3}$$

و  $(C_f)$  منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. حدد  $D_f$  حيز تعريف الدالة  $f$ .
2. بين أن المستقيم ذا المعادلة  $x = 2$  محور تماثل  $(C_f)$ .

1

1

### التمرين 5

لتكن الدالة  $f$  العددية لمتغير حقيقي  $x$  المعرفة كالتالي

$$f(x) = \frac{x^3 - 2x^2 + 4}{x^2}$$

و  $(C_f)$  منحناها في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

1. حدد  $D_f$  حيز تعريف الدالة  $f$ .
2. احسب  $\lim_{x \rightarrow 0} f(x)$  ثم اعط تأويلا هندسيا للنتيجة المحصل عليها.
3. أ. احسب النهايتين  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$ .
- ب. بين أن المستقيم  $(\Delta)$  ذا المعادلة  $x - 2 = y$  مقارب مائل ل  $(C_f)$  بجوار  $+\infty$  و  $-\infty$ .
- ج. أدرس الوضع النسبي للمستقيم  $(\Delta)$  والمنحنى  $(C_f)$ .
4. أ. بين أن  $f'(x) = \left( \frac{x-2}{x} \right) \left( \frac{x^2 + 2x + 4}{x^2} \right)$ .
- ب. بين أن  $f$  تزايدية على كل مجال من المجالين  $[2, +\infty[$  و  $]-\infty, 0]$  و أن  $f$  تناقصية على المجال  $]0, 2]$ .
- ج. اعط جدول تغيرات الدالة  $f$ .
5. أنشئ  $(C_f)$  في المعلم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$ .

0.5

$0.75 \times 2$

$0.5 \times 2$

1.5

1

1

1.5

0.5

1.5