

## عموميات حول الدوال العددية

## ملخص الدرس 4

## 1 زوجية دالة عددية:

تعريف:

$f$  دالة عددية مجموعة تعريفها  $D$ .  
• نقول إن  $f$  دالة زوجية إذا كان لكل  $x$  من  $D$ :

$$\left. \begin{array}{l} -x \in D \\ f(-x) = f(x) \end{array} \right\} \text{و}$$

• نقول إن  $f$  دالة فردية إذا كان لكل  $x$  من  $D$ :

$$\left. \begin{array}{l} -x \in D \\ f(-x) = -f(x) \end{array} \right\} \text{و}$$

## 2 الدالة المكبورة - الدالة المصغورة:

تعريف:

$f$  دالة عددية مجموعة تعريفها  $D$  و  $I$  مجالا ضمن  $D$ .

• نقول أن  $f$  مكبورة على  $I$  إذا وجد عدد حقيقي  $M$  بحيث:

$$f(x) \leq M \text{ لكل } x \text{ من } I.$$

• نقول إن  $f$  مصغورة على  $I$  إذا وجد عدد حقيقي  $m$  بحيث:

$$f(x) \geq m \text{ لكل } x \text{ من } I.$$

• نقول إن  $f$  محدودة على  $I$  إذا كانت مصغورة ومكبورة على

$$I \text{ أي: } m \leq f(x) \leq M \text{ لكل } x \text{ من } I.$$

## 3 مقارنة دالتين:

تتم مقارنة دالتين  $f$  و  $g$  على مجال  $I$  بإحدى التقنيات التالية:

• حساب ودراسة إشارة  $f(x) - g(x)$  على مجال  $I$ .

• دراسة الوضع النسبي للمنحنين  $(C_f)$  و  $(C_g)$  للدالتين  $f$  و  $g$ .

أ- يكون  $f(x) < g(x)$  عندما يقع  $(C_f)$  فوق  $(C_g)$  على  $I$

ب- أفاصيل نقط تقاطع  $(C_f)$  و  $(C_g)$  إذا وجدت هي حلول المعادلة:  $f(x) = g(x)$

## 4 رتابة دالة:

$f$  دالة عددية و  $I$  مجال ضمن مجموعة تعريفها.

•  $f$  تزايدية على  $I$  إذا فقط إذا كان:

$$(x < y \implies f(x) \leq f(y)) \text{ لكل } x \text{ و } y \text{ من } I.$$

•  $f$  تناقصية على  $I$  إذا فقط إذا كان:

$$(x < y \implies f(x) \geq f(y)) \text{ لكل } x \text{ و } y \text{ من } I.$$