

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

الكيمياء

الجزء الأول: من التحول الكيميائي غير الكلي إلى التحول الكلي

1. التتبع الزمني لتحول كيميائي:

1.1 * تعريف زمن نصف التفاعل: هو المدة الزمنية اللازمة لكي يأخذ تقدم التفاعل نصف قيمته النهائية، أي:

$$x(t_{1/2}) = \frac{x_f}{2}$$

$$t_{1/2} \approx 15 \text{ min} \quad x(t_{1/2}) = \frac{0,08}{2} = 0,04 \text{ mol}$$

2.1 حساب قيمة السرعة الحجمية $v(0)$:* حساب حجم الخليط: V_T

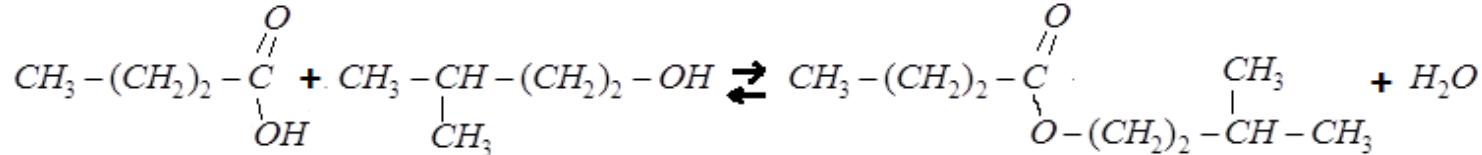
$$\begin{aligned} V_T &= V_A + V_B = V_A + \frac{m}{\rho(B)} = V_A + \frac{n(B) \times M(B)}{\rho(B)} \\ &= 11 + \frac{0,12 \times 88}{0,810} \\ &= 24 \text{ mL} \end{aligned}$$

* حساب $v(0)$:

$$\begin{aligned} v(0) &= \frac{1}{V_T} \cdot \frac{\Delta x}{\Delta t} = \\ &= \frac{1}{24 \cdot 10^{-3}} \times \frac{0,08 - 0}{25 - 0} \approx 0,13 \text{ mol.L}^{-1}.\text{min}^{-1} \end{aligned}$$

2. مردود التفاعل:

1.2 * كتابة معادلة تفاعل الأستر:



* اسم الإستر المترافق: بوتانولات 3- مثيل البوتيل

2.2 حساب كمية المادة البدئية $n_i(A)$:

$$\begin{aligned} n_i(A) &= \frac{m}{M(A)} = \frac{\rho(A) \times V(A)}{M(A)} \\ &= \frac{0,956 \times 11}{88} \\ &= 0,12 \text{ mol} \end{aligned}$$

2.3 حساب قيمة ثابتة التوازن K :

$$K = \frac{[E] \times [eau]}{[A] \times [B]} = \frac{\frac{n_f(E)}{V_T} \times \frac{n_f(eau)}{V_T}}{\frac{n_f(A)}{V_T} \times \frac{n_f(B)}{V_T}}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

$$\begin{aligned}
 K &= \frac{n_f(E) \times n_f(eau)}{n_f(A) \times n_f(B)}, \quad n_f(E) = n_f(eau) = x_f \\
 &= \frac{x_f^2}{(0,12 - x_f)^2}, \quad n_f(A) = n_f(B) = 0,12 - x_f \\
 &= \frac{0,08^2}{(0,12 - 0,08)^2} \\
 K &= 4
 \end{aligned}$$

2.4. حساب التقدم النهائي τ :

- تعبير نسبة التقدم النهائي هو $\frac{x_f}{x_m} = \tau$ ، وقيمة التقدم الأقصى هي $x_m = 0,12 \text{ mol}$

- نستعمل ثابتة التوازن التي لا تتعلق بالتركيب البديهي للمجموعة الكيميائية لتحديد قيمة التقدم النهائي x_f :

$$\begin{aligned}
 K &= \frac{n_f(E) \times n_f(eau)}{n_f(A) \times n_f(B)} \\
 n_f(E) &= n_f(eau) = x_f; \quad n_f(A) = 0,12 - x_f; \quad n_f(B) = 0,24 - x_f \\
 4 &= \frac{x_f^2}{(0,12 - x_f)(0,24 - x_f)}
 \end{aligned}$$

ومنه المعادلة من الدرجة الثانية: $3x_f^2 - 1,44x_f + 0,1152 = 0$

والحل المناسب بالنسبة لـ x_f هو $0 < x_f \leq 0,12 \text{ mol}$

$$\tau = \frac{x_f}{x_m} = \frac{0,10}{0,12} = 0,83$$

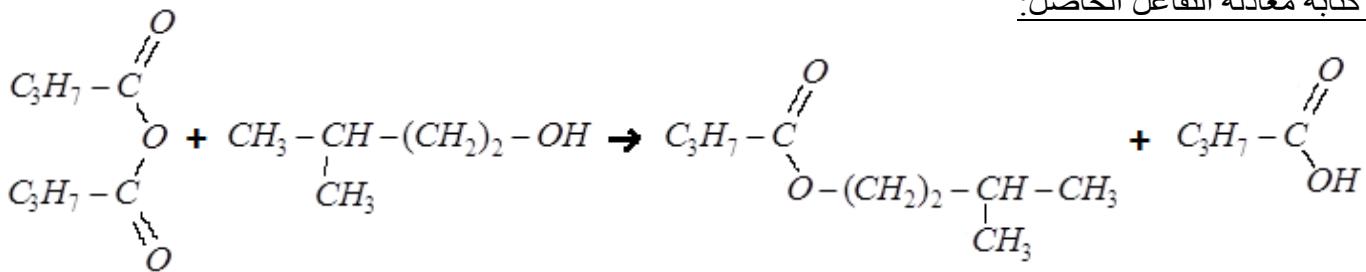
- تطبيق عددي:

حساب مردود التفاعل:

$$\begin{aligned}
 r &= \frac{n(E)_{\text{exp}}}{n(E)_{\text{thq}}} \\
 &= \frac{x_f}{x_m} = 83\%
 \end{aligned}$$

3. التحكم في تطور المجموعة الكيميائية:

3.1. كتابة معادلة التفاعل الحاصل:



أندرید البوتانيك

3-ميثيل بوتان-1-أول

بوتانوات 3-ميثيل البوتيل

حمض البوتانيك

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياج التأهيلية - تمارة

3.2 حساب الكتلة :

$$n(B) = \frac{\rho(B).V_B}{M(B)} = \frac{0,810 \times 13}{88} \approx 0,12 \text{ mol}$$

- كمية المادة البدئية للكحول:

$$n(AN) = \frac{\rho(AN).V_{AN}}{M(AN)} = \frac{0,966 \times 14}{158} \approx 0,085 \text{ mol}$$

- كمية المادة البدئية الأندريد:

- المتقابل المحمد هو أندريد البوتانيك ويكون التقدم الأقصى:

$$x_f = x_m = n(E) = \frac{m(E)}{M(E)}$$

- بما أن التفاعل كلي، فإن:

$$m(E) = x_m \cdot M(E)$$

- يكون تعبير الكتلة الناتجة هو:

$$m(E) = 0,085 \times (9 \times 12 + 18 \times 1 + 2 \times 16) \approx 13,4 \text{ g}$$

- تطبيق عددي:

الجزء الثاني: من التحولات التلقائية إلى التحولات القسرية

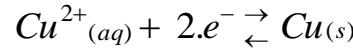
1. التحول التلقائي:

1.1. تعين الإلكترود الذي يلعب دور الكاثود:

الصفحة المرتبطة بالمربط المعلم ب \oplus للأمبير متر هي الكاثود، فتكون صفيحة النحاس.1.2. حساب Q كمية الكهرباء:

$$Q = n(e^-) \cdot F$$

- نستعمل العلاقة:

- تخترل أيونات $Cu^{2+}_{(aq)}$ حسب المعادلة الإلكترونية:

$$n(e^-) = 2.x$$

- كمية مادة الإلكترونات المتبادلة بين $Cu^{2+}_{(aq)}$ و $Zn_{(s)}$:

$$\Delta n(Cu^{2+}) = \Delta [Cu^{2+}]V$$

- تغير كمية مادة الأيونات $Cu^{2+}_{(aq)}$:

- بالاستعانة بالجدول الوصفي نتوصل إلى العلاقة:

$$\Delta n(Cu^{2+}) = n_f(Cu^{2+}) - n_i(Cu^{2+})$$

$$= (n_i(Cu^{2+}) - x) - n_i(Cu^{2+})$$

$$= -x$$

- باستعمال كل العلاقات السابقة:

$$Q = n(e^-) \cdot F$$

$$= 2x \cdot F$$

$$= 2 \cdot (-\Delta n(Cu^{2+})) \cdot F$$

$$= -2 \Delta [Cu^{2+}]V \cdot F$$

$$Q = -2 \times (2,5 \cdot 10^{-3} - 1,0 \cdot 10^{-2}) \times 0,15 \times 96500 \approx 217C$$

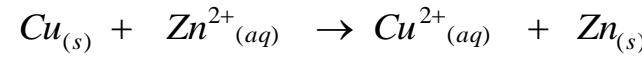
- تطبيق عددي:

2. التحول القسري:

2.1. تعين الإلكترود الذي يلعب دور الكاثود:

الصفحة المرتبطة بالقطب \oplus لللوحة الشمسية هي الكاثود، ف تكون صفيحة الزنك.

2.2. المعادلة الحصيلة للتفاعل الكيميائي الذي يحدث:

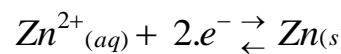


تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياج التأهيلية - تمارة

2.3 حساب المدة الزمنية Δt :

$$I \cdot \Delta t = n(e^-) \cdot F$$



$$n(e^-) = 2x$$

كمية مادة الإلكترونات المترادفة بين $Zn^{2+}_{(aq)}$ و $Cu_{(s)}$:

$$\Delta n(Zn^{2+}) = \Delta [Zn^{2+}]V$$

 Zn^{2+}

بالاستعانة بالجدول الوصفي نتوصل إلى العلاقة:

$$\begin{aligned} \Delta n(Zn^{2+}) &= n_f(Zn^{2+}) - n_i(Zn^{2+}) \\ &= (n_i(Zn^{2+}) - x) - n_i(Zn^{2+}) \\ &= -x \end{aligned}$$

باستعمال كل العلاقات السابقة:

$$\begin{aligned} I \cdot \Delta t &= n(e^-) \cdot F \\ &= 2x \cdot F \\ &= 2 \cdot (-\Delta n(Zn^{2+})) \cdot F \\ &= -2 \Delta n(Zn^{2+}) \cdot F \end{aligned}$$

نستنتج تعبير المدة الزمنية:

$$\Delta t = \frac{-2 \Delta n(Zn^{2+}) \cdot F}{I}$$

نبحث عن تغيير كمية مادة أيونات الزنك خلال هذه المدة الزمنية:

* كمية المادة البديلة لأيونات الزنك المتبقية من التحول التلقائي:

$$\begin{aligned} n'_i(Zn^{2+}) &= n_i(Zn^{2+}) + x \\ &= [Zn^{2+}]_V - \Delta n(Cu^{2+}) \\ &= [Zn^{2+}]_V - ([Cu^{2+}]_f \cdot V - [Cu^{2+}]_i \cdot V) \\ &= ([Zn^{2+}]_f + [Cu^{2+}]_i - [Cu^{2+}]_f) \cdot V \end{aligned}$$

* يكون تعبير التغير هو:

$$\begin{aligned} \Delta n(Zn^{2+}) &= n_f(Zn^{2+}) - n'_i(Zn^{2+}) \\ &= [Zn^{2+}]_f \cdot V - ([Zn^{2+}]_f + [Cu^{2+}]_i - [Cu^{2+}]_f) \cdot V \\ &= ([Zn^{2+}]_f - [Zn^{2+}]_i + [Cu^{2+}]_f - [Cu^{2+}]_i) \cdot V \end{aligned}$$

يكتب التعبير النهائي للمدة الزمنية:

$$\Delta t = \frac{-2 ([Zn^{2+}]_f - [Zn^{2+}]_i + [Cu^{2+}]_f - [Cu^{2+}]_i) \cdot V \cdot F}{I}$$

تطبيق عددي:

$$\Delta t = \frac{-2 \times (5 \cdot 10^{-3} - 1,0 \cdot 10^{-2} + 2,5 \cdot 10^{-3} - 1,0 \cdot 10^{-2}) \times 0,15 \times 96500}{15 \cdot 10^{-3}}$$

$$\approx 24125s = 6h42min5s$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

الفيزياء

تمرين 1: من تعدد الضوء إلى الحبود

1. تعدد الضوء:

$$\lambda_R = \frac{\lambda_{0R}}{n_R} \quad \Leftarrow \quad n_R = \frac{\lambda_{0R}}{\lambda_R}$$

1.1- تعبير طول الموجة:1.2- حساب قيمة كل من A و B :

$$n_R = A + \frac{B}{\lambda_{0R}^2}$$

- بالنسبة للإشعاع الأحمر:

$$n_V = A + \frac{B}{\lambda_{0V}^2}$$

- بالنسبة للإشعاع البنفسجي:

$$n_V - n_R = \left(A + \frac{B}{\lambda_{0V}^2} \right) - \left(A + \frac{B}{\lambda_{0R}^2} \right)$$

- نظر العلاقتين:

$$n_V - n_R = \frac{B}{\lambda_{0V}^2} - \frac{B}{\lambda_{0R}^2}$$

$$= B \left(\frac{1}{\lambda_{0V}^2} - \frac{1}{\lambda_{0R}^2} \right)$$

$$= B \frac{\lambda_{0R}^2 - \lambda_{0V}^2}{\lambda_{0R}^2 \lambda_{0V}^2}$$

- نتوصل إلى تعبير المقدار B :

$$B = (n_V - n_R) \frac{\lambda_{0R}^2 \lambda_{0V}^2}{\lambda_{0R}^2 - \lambda_{0V}^2}$$

$$B = (1,52 - 1,51) \frac{(0,768)^2 (0,434)^2}{(0,768)^2 - (0,434)^2}$$

تطبيق عددي:

$$B \approx 2,77 \cdot 10^{-3} \mu m^2$$

- بالنسبة للمقدار A :

$$\begin{aligned} A &= n_R - \frac{B}{\lambda_{0R}^2} \\ &= 1,51 - \frac{2,77 \cdot 10^{-3}}{(0,768)^2} \end{aligned}$$

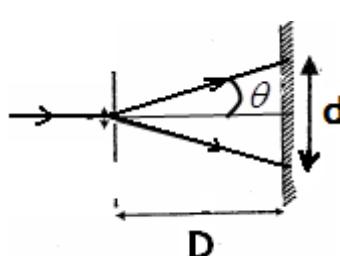
$$A \approx 1,50$$

2. حيود الضوء:

2.1- تعبير d عرض البقعة المركزية:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة



- تعريف الفرق الزاوي θ خلال حيود الضوء بواسطة شق عرضه a هو:

$$\tan(\theta) = \frac{d}{2D} \quad \text{أي} \quad \tan(\theta) = \frac{d/2}{D}$$

$$\theta = \frac{d}{2D} \quad \text{وبالتالي:} \quad (2) \quad \tan(\theta) \approx \theta$$

$$d = 2\lambda D \cdot \frac{1}{a} \quad (1) \quad \text{من العلاقات (1) و (2) نستنتج:} \quad \theta = \frac{\lambda}{a} = \frac{d}{2D}$$

و بما أن الفرق الزاوي صغير، فإن:

- اعتماداً على الشكل جانبه:

2.2- تحديد λ قيمة طول الموجة:

$$d = k \cdot \frac{1}{a} \quad (2) \quad \theta = f\left(\frac{1}{d}\right) \quad \text{دالة خطية، فتكتب معادلة المستقيم:}$$

$$k = \frac{\Delta d}{\Delta(1/a)} = \frac{4.10^{-3} - 2.10^{-3}}{2.10^3 - 1.10^3} = 2.10^{-6} m^2 \quad \text{حيث } k \text{ المعامل الموجة قيمته:}$$

$$\lambda = \frac{k}{2D} \Leftarrow 2\lambda D = k \quad \text{بمماطلة المعادلة (1) مع المعادلة (2)، نستنتج أن:}$$

$$\lambda = \frac{2.10^{-6}}{2 \times 1.5} \approx 0.667 \cdot 10^{-6} m = 0.667 \mu m \quad \text{- تطبيق عددي:}$$

تمرين 2: من الطاقة الشمسية إلى الطاقة الكهربائية

1. شحن مكثف بواسطة لوحة شمسية وتفریغه:

1.1- * موافقة كل جزء من المبيان بموضع قاطع التيار:

- الجزء (a) يوافق قاطع التيار في الموضع 2

- الجزء (b) يوافق قاطع التيار في الموضع 2 أو في الموضع 0

- الجزء (c) يوافق قاطع التيار في الموضع 1

* استنتاج قيمة I_0 شدة التيار أثناء الشحن:

$$I_0 = \frac{q(t)}{\Delta t} = \frac{q(t)}{t} \quad (\Delta t = t - 0 = t) \quad \text{- شدة التيار الكهربائي ثابتة، نطبق العلاقة:}$$

$$I_0 = \frac{C \cdot u_c(t)}{t} \quad \text{- بالنسبة للمكثف:} \quad q = C \cdot u_c \quad \text{ومنه}$$

$$u_c(t) = \frac{I_0}{C} \cdot t \quad (1) \quad \text{- نتوصل إلى النتيجة:}$$

$$u_c(t) = k \cdot t \quad (2) \quad \text{- الدالة } u_c(t) = f(t) \text{ خطية معادلتها هي:}$$

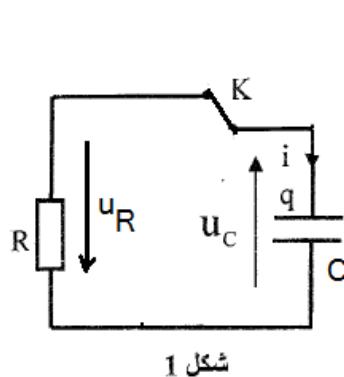
$$I_0 = k \cdot C \quad \Leftarrow \quad \frac{I_0}{C} = k \quad \text{- بمطابقة العلاقات نستنتج أن:}$$

$$I_0 = \frac{2.25}{1.5} \times 0.1 = 0.15 A \quad \text{- تطبيق عددي:}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة أستاذ المادة : مصطفى قشيش

1.2 - أ - إيجاد المعادلة التقاضية أثناء الشحن:



$$\frac{dq(t)}{dt} = I_0$$

$$u_R + u_C = 0$$

$$u_C = \frac{q}{C}$$

$$u_R = R.i = R \cdot \frac{dq}{dt}$$

$$\frac{dq}{dt} + \frac{q}{R.C} = 0$$

شدة التيار الكهربائي ثابتة، ومنه:

ب - إيجاد المعادلة التقاضية لـ $q(t)$ أثناء التفريغ:

قانون إضافية التوترات (الشكل 1):

- بالنسبة للمكثف في الاصطلاح مستقبل:

- بالنسبة للموصل في الاصطلاح مستقبل:

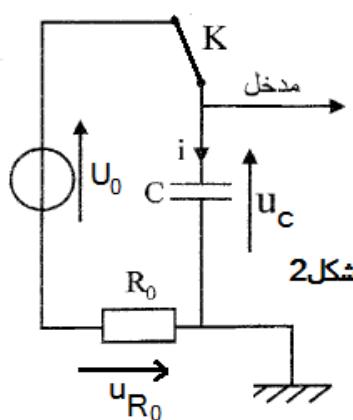
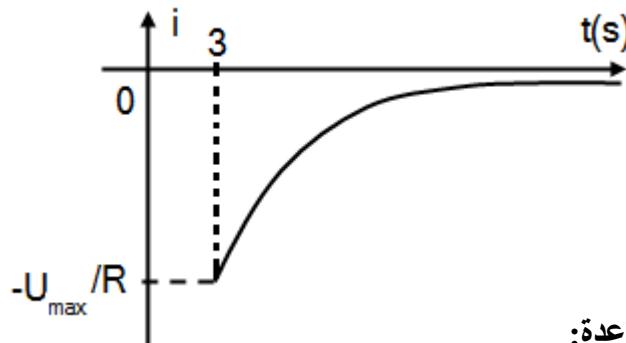
- تكتب المعادلة التقاضية على الشكل: $R \cdot \frac{dq}{dt} + \frac{q}{C} = 0$ أو $\frac{dq}{dt} + \frac{q}{R.C} = 0$ 1.3 - استنتاج تعبير شدة التيار $i(t)$:- خلال التفريغ الذي يحدث في المجال الزمني $[3s; +\infty]$:

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_c}{dt} = C \cdot \frac{d(U_{\max} e^{-\frac{(t-3)}{\tau}})}{dt} = -\frac{C.U_{\max}}{\tau} \cdot e^{-\frac{(t-3)}{\tau}} =$$

$$\Rightarrow i(t) = -\frac{C.U_{\max}}{R.C} \cdot e^{-\frac{(t-3)}{\tau}} = -\frac{U_{\max}}{R} \cdot e^{-\frac{(t-3)}{\tau}}$$

- تطبيق عددي:

$$i(t) = -\frac{2,25}{10} \cdot e^{-\frac{(t-3)}{0,1 \times 10}} = -0,25 \cdot e^{-(t-3)}$$

- تمثل هيئة المنحنى لـ $i(t)$:

$$u_R + u_C = U_0$$

$$q = C.u_C$$

$$u_R = R.i = R \cdot \frac{dq}{dt} = R \cdot \frac{d(C.u_c)}{dt} = RC \cdot \frac{du_c}{dt}$$

$$\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{RC} u_c = 0$$

2. شحن مكثف بواسطة رتبة توتر صاعدة:

2.1 - إثبات المعادلة التقاضية لـ $u_c(t)$ أثناء الشحن:

قانون إضافية التوترات (الشكل 2):

- بالنسبة للمكثف في الاصطلاح مستقبل:

- بالنسبة للموصل الأومي:

- تكتب المعادلة التقاضية على الشكل: $RC \cdot \frac{du_c}{dt} + u_c = 0$ أو $\frac{du_c}{dt} + \frac{1}{RC} u_c = 0$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

2.2 - تحديد قيمة كل من الثابتين A و B :

$$u_c(t) = Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B$$

- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل:

$$\lim_{t \rightarrow \infty} u_c(t) = \lim_{t \rightarrow \infty} (Ae^{-\frac{t}{\tau}} + B) = B \quad (1)$$

$$u_c(t) = U_0 = 2,25V \quad (2)$$

$$B = U_0 = 2,25V$$

- مبيانا المقارب للمنحنى معادلته:

نستنتج من (1) و (2) أن:

$$u_c(0) = Ae^0 + B = A + B$$

$$A = -B = -2,25V$$

- عند اللحظة $t = 0$ ، مبيانا فإن $u_c(0) = 0$ ، وأن

نستنتج أن:

2.3 - أ - إيجاد تعبير شدة التيار $i(t)$:

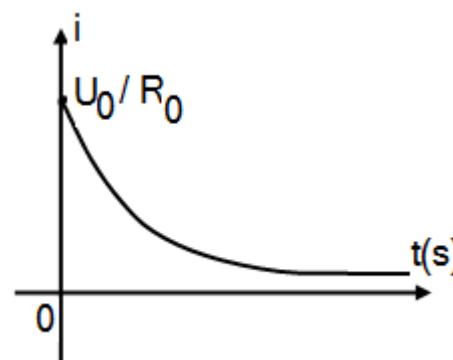
$$u_c(t) = U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}})$$

- يكتب حل المعادلة التفاضلية على الشكل:

$$i(t) = \frac{dq}{dt} = C \cdot \frac{du_c(t)}{dt} = C \cdot \frac{d}{dt} \left(U_0(1 - e^{-\frac{t}{\tau}}) \right) = \frac{U_0}{R_0} \cdot e^{-\frac{t}{\tau}}$$

$$i(t) = \frac{2,25}{50} \cdot e^{-\frac{t}{50 \times 0,1}} = 0,045 \cdot e^{-0,2 \times t}$$

- تطبيق عددي:

ب - تمثيل هيئة المنحنى $i(t)$:2.4 - حساب قيمة المقاومة R_0 :

-تحقق الشرط المطلوب حسب النص:

$$5R_0 \cdot C = 1,5s \iff 5 \times \tau = 1,5s$$

$$R_0 = \frac{1,5}{5C} = \frac{1,5}{5 \times 0,1} = 3\Omega$$

- نستنتج أن:

3. التذبذبات في دارة RLC :3.1 - إثبات المعادلة التفاضلية لـ $u_c(t)$:

قانون إضافية التوترات (الشكل 3):

في الاصطلاح مستقبل :

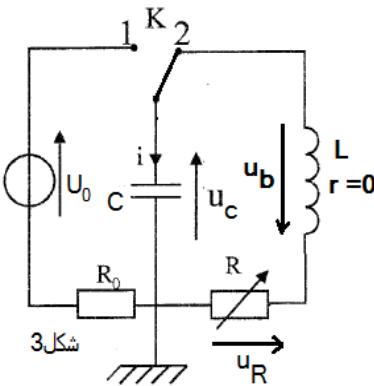
في الاصطلاح مستقبل :

$$u_b + u_R + u_C = 0$$

$$u_R = R_1 \cdot i = 0 \quad (R_1 = 0)$$

$$u_b = r \cdot i + L \frac{di}{dt} = L \cdot \frac{d^2i}{dt^2} = L \cdot \frac{d^2(C \cdot u_c)}{dt^2} = LC \cdot \frac{d^2u_c}{dt^2}$$

$$\frac{d^2u_c}{dt^2} + \frac{1}{LC} \cdot u_c = 0 \quad \text{أو} \quad LC \cdot \frac{d^2u_c}{dt^2} + u_c = 0$$



تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

ب * إيجاد تعبير الدور الخاص T_0 :

$$u_c(t) = U_m \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

- حل هذه المعادلة يكتب على الشكل التالي:

$$\frac{d^2 u_c}{dt^2} = -\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 U_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right)$$

- نقوم بالاشتقاق مررتين لـ $u_c(t)$:- نعرض تعبير كل من $u_c(t)$ و $\frac{d^2 u_c}{dt^2}$ في المعادلة التفاضلية الأخيرة:

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 U_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) + \frac{1}{LC} U_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = 0$$

$$\Rightarrow \underbrace{\left[-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC}\right]}_{\neq 0} U_0 \cos\left(\frac{2\pi}{T_0}t + \varphi\right) = 0$$

- نستنتج أن:

$$-\left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 + \frac{1}{LC} = 0 \Rightarrow \left(\frac{2\pi}{T_0}\right)^2 = \frac{1}{LC} \Rightarrow T_0^2 = (2\pi)^2 LC \Rightarrow T_0^2 = (2\pi)^2 LC$$

$$\Rightarrow T_0 = 2\pi\sqrt{LC}$$

* تحديد قيمة T_0 معامل التحرير للوشيعة:

$$T_0 = 1s$$

- مبيانا قيمة الدور الخاص هي:

$$T_0^2 = 4\pi^2 \cdot LC \Rightarrow L = \frac{T_0^2}{4\pi^2 C}$$

- من العلاقة السابقة:

$$L = \frac{1^2}{4 \times \pi^2 \times 0,1} = 0,25H$$

- تطبيق عددي:

ج * حساب I_{\max} الشدة القصوى للتيار:

$$E_T = \underbrace{\frac{1}{2} C u_c^2}_{=Ee} + \underbrace{\frac{1}{2} L i^2}_{=Em} = Cte$$

- تعبير الطاقة الكلية E_T للدارة:

$$E_T = \frac{1}{2} C \cdot U_0^2 \quad i = 0 : (k \in N) t = k \cdot \frac{T_0}{2}$$

$$E_T = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 \quad u_c = 0 \text{ و } i = I_{\max} : (k \in N) t = k \cdot \frac{T_0}{2} + \frac{T_0}{4}$$

$$E_T = \frac{1}{2} L I_{\max}^2 = \frac{1}{2} C \cdot U_0^2$$

- من التعبيرين نستنتج أن:

$$I_{\max} = U_0 \sqrt{\frac{C}{L}}$$

- يكون تعبير الشدة القصوى:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

$$I_{\max} = 2,25 \times \sqrt{\frac{0,1}{0,25}} = \underline{1,42A}$$

- تطبيق عددي:

$$- 3.2 \quad \frac{dE_T}{dt} \quad \text{إيجاد تعبير}$$

$$E_T = \underbrace{\frac{1}{2} C u_c^2}_{=Ee} + \underbrace{\frac{1}{2} L i^2}_{=Em}$$

- تعبير الطاقة الكلية E_T للدار:

$$\Rightarrow E_T = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \left(\frac{dq}{dt} \right)^2 \Rightarrow E_T = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L \left(\frac{d(C u_c)}{dt} \right)^2 \Rightarrow \\ \Rightarrow E_T = \frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \left(\frac{du_c}{dt} \right)^2$$

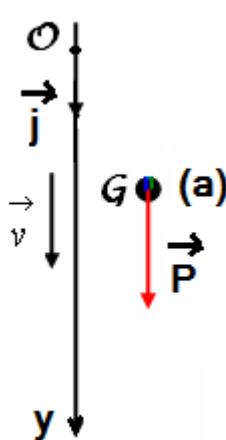
- نقوم باشتلاق $: E_T$

$$\frac{dE_T}{dt} = \frac{d}{dt} \left(\frac{1}{2} C u_c^2 + \frac{1}{2} L C^2 \left(\frac{du_c}{dt} \right)^2 \right) = \frac{1}{2} C \cdot \frac{d}{dt} (u_c^2) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot \frac{d}{dt} \left(\left(\frac{du_c}{dt} \right)^2 \right) \\ \Rightarrow \frac{dE_T}{dt} = \frac{1}{2} C \cdot (2 u_c \cdot \frac{du_c}{dt}) + \frac{1}{2} L C^2 \cdot (2 \cdot \frac{du_c}{dt} \cdot \frac{d^2 u_c}{dt^2}) \\ \Rightarrow \frac{dE_T}{dt} = C \underbrace{\frac{du_c}{dt}}_A \cdot \underbrace{(u_c + L C \frac{d^2 u_c}{dt^2})}_B$$

$$A = C \cdot \frac{du_c}{dt} = \frac{d(C u_c)}{dt} = \frac{dq}{dt} = i$$

- يكتب تعبير المقدار A :

$$B = u_c + L C \frac{d^2 u_c}{dt^2} = -R_2 C \cdot \frac{du_c}{dt} = -R_2 \cdot A = -R_2 \cdot i$$

- يكتب تعبير المقدار B : وبالتالي نحصل على العلاقة :تمرين 3:
الجزء الأول: من السقوط الحر إلى السقوط باحتكاك

1. دراسة حركة الكريمة (a) في الهواء:

1.1 - إثبات المعادلة التفاضلية للسرعة $v(t)$
المجموعة المدرosa : { الكريمة (a)}- جرد القوى الخارجية المطبقة على المجموعة أثناء حركتها: وزنها P فقط- نطبق القانون الثاني لنيوتن في المعلم المرتبط بالأرض (O, \vec{j}) الذي نعتبره غاليليا:

$$\vec{P} = m \cdot \vec{a}_G$$

- نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسي Oy الموجه نحو الأسفل:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

$$\frac{dv}{dt} = g \Leftarrow m.g = m.a_G \Leftarrow P = m.a_G$$

المعادلة التفاضلية المطلوبة

1.2 - حساب قيمة الارتفاع h :

$$v = g.t \quad (v_0 = 0)$$

$$y = \frac{1}{2}g.t^2 \quad (y_0 = 0)$$

$$h = \frac{1}{2}g.t_a^2$$

$$h = \frac{1}{2} \times 9,80 \times (0,41)^2 \approx 0,82m$$

عند الحطة $y = h$: $t = t_a = 0,41s$ ، ومنه

تطبيق عددي:

2. دراسة حركة الكريمة (b) في الماء:

2.1 - إثبات المعادلة التفاضلية للسرعة $v(t)$:

المجموعة المدرosa : { الكريمة (b) }

جرد القوى الخارجية المطبقة على المجموعة أثناء حركتها:

$$* \text{ وزنها } \vec{P} \text{ شدتها } P = m\vec{g}$$

$$* \text{ تأثير دافعة أرخميدس } F_A = \rho.g.V \text{ شدتها } \vec{F}_A$$

$$* \text{ تأثير قوة الاحتكاك } f = K.v^2 \text{ شدتها } \vec{f}$$

طبق القانون الثاني لنيوتن في معلم أرضي، فنكتب:

$$\vec{P} + \vec{F}_A + \vec{f} = m.\vec{a}_G$$

نسقط هذه العلاقة المتجهية على المحور الرأسي Oy الموجه نحو الأسفل:

$$P - F_A - f = m.a_G \Rightarrow m.g - \rho.g.V - K.v^2 = m \cdot \frac{dv}{dt}$$

$$\Rightarrow \frac{dv}{dt} = \left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right).g - \frac{K}{m}.v^2$$

2.1 - تحديد قيمة الثابتة K مبيانيا:

$$\frac{dv}{dt} = 0 \quad \text{و} \quad v = v_{lim} = Cte$$

في النظام الدائم تبقى السرعة ثابتة:

$$0 = \left(1 - \frac{\rho.V}{m}\right).g - \frac{K}{m}.v_{lim}^2$$

$$K = \frac{(m - \rho.V).g}{v_{lim}^2}$$

$$v_{lim} = 0,85 m.s^{-1}$$

تطبيقي عددي: مبيانيا قياس السرعة الحدية هو:

$$K = \frac{(6.10^{-3} - 10^3 \times 2,57.10^{-6}) \times 9,8}{0,85^2} = 4,65.10^{-2} kg.m^{-1}$$

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ المادة : مصطفى قشيش

2.3 * حساب القيمة النظرية a_{th} للتسارع البدئي:

$$a_{th} = \left(1 - \frac{\rho \cdot V}{m}\right) \cdot g \quad : (v_0 = 0, \text{ مع } t = 0)$$

$$a_{th} = \left(1 - \frac{10^3 \times 2,57 \cdot 10^{-6}}{6 \cdot 10^{-3}}\right) \cdot 9,8 = 5,60 \text{ m.s}^{-2}$$

* التحقق مع القيمة التجريبية a_{exp} للتسارع البدئي:- a_{exp} يمثل المعامل الموجه للمستقيم المماس للمنحنى عند أصل التواريخ.

$$a_{exp}(0) = \frac{\Delta v}{\Delta t} = \frac{0,85 - 0}{0,15 - 0} \approx 5,67 \text{ m.s}^{-2} \quad : \text{نعين قيمته مبيانا:}$$

* نلاحظ أن قيمة $a_{th}(0)$ تتوافق مع قيمة $a_{exp}(0)$

3. الفرق بين مدتى السقوط :

3.1 - تعريف المدة الزمنية Δt :

- مدة سقوط الكريمة (a) في الهواء:

$$2h = \frac{1}{2} g \cdot t_a'^2 \quad : y = 2h, \text{ ومنه:}$$

$$h = \frac{1}{2} g \cdot t_a'^2 \quad : y = h, \text{ ومنه:}$$

$$t_a' = t_a \cdot \sqrt{2} \quad : t_a'^2 = 2 \cdot t_a'^2, \text{ وبالتالي:}$$

- مدة سقوط الكريمة (b) في الهواء:

* مدة سقوط هذه الكريمة خلال الارتفاع h الأولى هي:

$$(\Delta t)_1 = t_b$$

* مدة سقوط هذه الكريمة خلال الارتفاع h الثاني حيث الحركة منتظمة:

$$t_b' = t_b + \frac{h}{v_{lim}}$$

$$\Delta t = t_b' - t_a' = t_b + \frac{h}{v_{lim}} - t_a \cdot \sqrt{2}$$

- يكون الفرق بين مدتى السقوط هو:

3.2 - حساب المدة الزمنية Δt :

$$\Delta t = 1,1 + \frac{0,82}{0,85} - 0,41 \times \sqrt{2} \approx 1,48 \text{ s}$$

الجزء الثاني: من المدار الدائري المنخفض إلى المدار الدائري المرتفع

1. تحديد بعد الثابتة G :

$$G \cdot \frac{m \cdot M}{r^2} = F$$

- حسب قانون التجاذب الكوني لنيوتون، فإن:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ الملحة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

$$G = \frac{F \times r^2}{m \cdot M}$$

- نستخرج تعبير الثابتة:

- باستعمال معادلة الأبعاد نتوصل إلى:

$$\begin{aligned} [G] &= \frac{[F] \times [r]^2}{[m] \cdot [M]} = \frac{M \cdot L \cdot T^{-2} \times L^2}{M^2} \\ \Rightarrow [G] &= L^3 \cdot M^{-1} \cdot T^{-2} \end{aligned}$$

2. تعبير T_1 بدلالة r_1 و T_2 و r_2 :

$$T_1^2 = K \cdot r_1^3$$

- نطبق قانون كيلر الثالث بالنسبة للمدار المنخفض:

$$T_2^2 = K \cdot r_2^3$$

- نطبق قانون كيلر الثالث بالنسبة للمدار المرتفع:

$$T_1^2 = \frac{T_2^2}{r_2^3} \cdot r_1^3$$

- من العلاقاتتين نستنتج أن:

$$T_1 = T_2 \cdot \sqrt{\left(\frac{r_1}{r_2}\right)^3}$$

- ونحوصل إلى التعبير المطلوب:

$$T_1 = 24 \times \sqrt{\left(\frac{6700}{42400}\right)^3} = 1,51h$$

- تطبيق عددي:

3. تعبير \vec{a}_s متوجه التسارع عند الموضع E :

- يخضع القمر خلال حركته على المدار الإهليجي إلى قوة التجاذب:

$$r = OE \quad \text{مع} \quad \vec{F}_{T/S} = -G \cdot \frac{m \cdot M_T}{r^2} \cdot \vec{u}$$

$$\vec{F}_{T/S} = -G \cdot \frac{m \cdot M_T}{OE^2} \cdot \vec{u} = m \cdot \vec{a}_s$$

- حسب القانون الثاني لنيوتن، فإن:

$$\vec{a}_s = -G \cdot \frac{M_T}{OE^2} \cdot \vec{u}$$

- نستنتج التعبير:

- حساب منظم متوجه التسارع \vec{a}_s :

$$\|\vec{a}_s\| = G \cdot \frac{M_T}{OE^2} \cdot \|\vec{u}\|$$

$$\Rightarrow \|\vec{a}_s\| = G \cdot \frac{M_T}{OE^2}$$

$$OE + O'E = 2.a$$

- النقطة E تنتهي إلى الإهليج، وحسب الخاصية فإن:

$$OE = a \Leftarrow OE + OE = 2.a$$

- هذه النقطة توجد على نفس المسافة من البؤرتين، فإن

$$a = \frac{n + r_2}{2} \Leftarrow 2.a = n + r_2$$

- طول المحور الكبير يحقق العلاقة:

تصحيح موضوع الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا 2013 - الدورة العادية

أستاذ الملحة : مصطفى قشيش المؤسسة : ثانوية بلال بن رياح التأهيلية - تمارة

$$OE = \frac{n + r_2}{2} : r = OE$$

- نستنتج تعبير المسافة

- يكتب تعبير منظم متوجه التسارع عند E :

$$\|\vec{a}_s\| = 4G \cdot \frac{M_T}{(n + r_2)^2}$$

- تطبيق عددي:

$$\|\vec{a}_s\| = 4 \times 6,67 \cdot 10^{-11} \times \frac{6 \cdot 10^{24}}{(6700 \cdot 10^3 + 42200 \cdot 10^3)^2} \approx 0,67 m.s^{-2}$$

