

## دراسة الدوال و تمثيلها باستعمال دوال مرجعية

### 1- دراسة و تمثيل مبيانا الدالة

#### أ- أمثلة

$$f(x) = 2x^2$$

\* نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ

- ندرس تغيرات  $f$
- $D_f = \mathbb{R}$

$f$  دالة زوجية و منه اقتصر دراستها على  $[0; +\infty[$

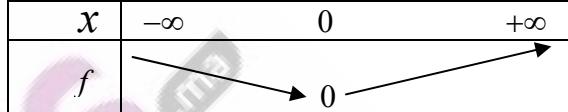
ليكن  $x$  و  $y$  من  $[0; +\infty[$  حيث  $x \neq y$

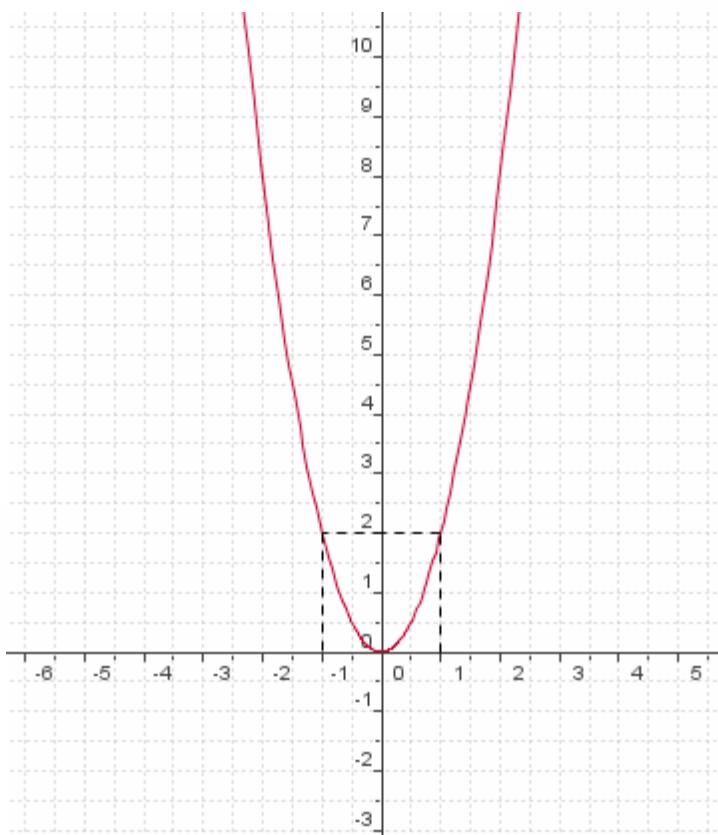
$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = 2(x + y)$$

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} > 0$$

لكل  $x$  و  $y$  من  $[0; +\infty[$  حيث  $x \neq y$

إذن  $f$  تزايدية على  $[0; +\infty[$

|     |  |   |   |
|-----|--|---|---|
| $x$ | $-\infty$  | 0 | $+\infty$   |
| $f$ |  | 0 |  |



معادلة  $C_f$  هي  $y = 2x^2$

متماثل بالنسبة لمحور الأراتيب

#### ملاحظة

إذا كان  $1 < x < 0$  فان  $0 < 2x^2 < 2x$

هذا يعني أن جزء  $C_f$  على  $[0; 1]$

(Δ):  $y = 2x$

إذا كان  $1 > x$  فان  $2x^2 > 2x$

هذا يعني أن جزء  $C_f$  على  $[1; +\infty[$

(Δ):  $y = 2x$

فوق المستقيم

جدول القيم

|        |   |               |   |               |   |
|--------|---|---------------|---|---------------|---|
| $x$    | 0 | $\frac{1}{2}$ | 1 | $\frac{3}{2}$ | 2 |
| $f(x)$ | 0 | $\frac{1}{2}$ | 2 | $\frac{9}{2}$ | 8 |

شلجم رأسه  $O$  يقبل محور الأراتيب  
كمحور تمايز

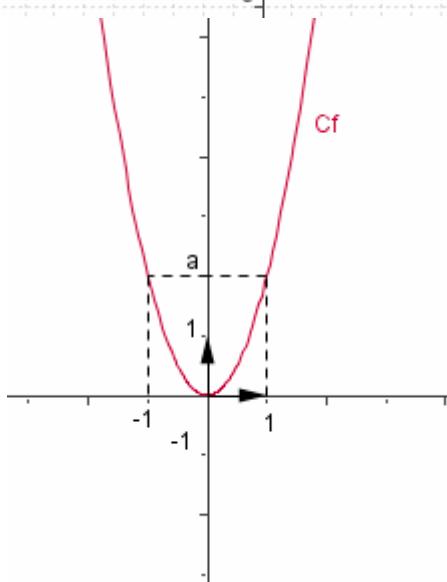
\* بالمثل أدرس الدالة  $f$  حيث  $f(x) = \frac{-1}{2}x^2$

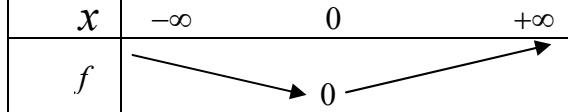
#### ب- الحالة العامة

نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة بـ

$$f(x) = ax^2 \text{ حيث } a \neq 0$$

إذا كان  $a > 0$  فان

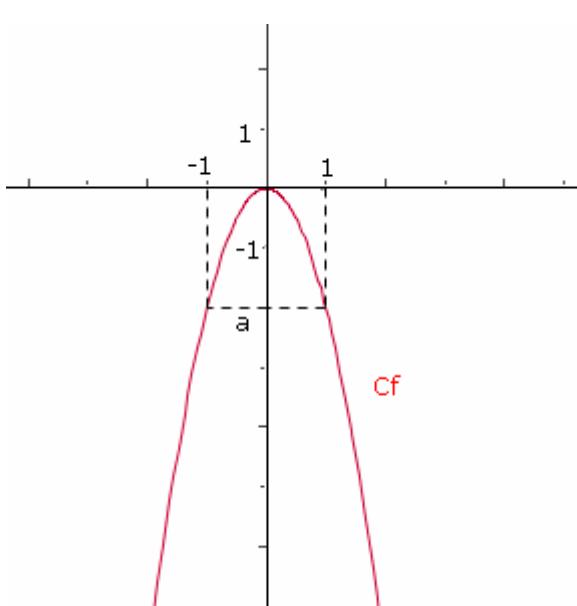


|     |  |   |   |
|-----|--|---|---|
| $x$ | $-\infty$  | 0 | $+\infty$   |
| $f$ |  | 0 |  |

شلجم رأسه  $O$  يقبل محور الأراتيب كمحور تمايز

إذا كان  $a < 0$  فان

|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f$ |           | 0 |           |



شلجم رأسه  $O$  يقبل محور الأراتيب كمحور تماثل

$$g(x) = \frac{1}{2}x^2 \quad f(x) = x^2$$

$$m(x) = -2x^2 \quad h(x) = 3x^2$$

-1 أعط جدول تغيرات  $f$  و  $g$  و  $h$  و

-2 في نفس المعلم المتعامد الممنظم

أنشئ  $C_m$  و  $C_h$  و  $C_g$  و  $C_f$

## دراسة الدالة -2

لتكن  $(O; i; j)$  و  $M'(X; Y)$  نقطتين و  $M(x; y)$  معلم منسوب الى معلم  $t$  الإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}$

$$\begin{cases} X = x + \alpha \\ Y = y + \beta \end{cases} \text{ تكافئ } \begin{cases} X - \alpha = x \\ Y - \beta = y \end{cases} \text{ تكافئ } \overrightarrow{MM'} = \vec{u} \text{ تكافئ } t(M) = M'$$

لندرس  $f$  حيث  $f(x) = 2x^2 - 4x - 3$

الشكل القانوني لـ  $f(x)$  هو  $y = 2(x-1)^2 - 5$

معادلة  $C_f$  في المعلم المتعامد  $(O; i; j)$  هي  $y = 2(x-1)^2 - 5$

نعتبر  $t$  الإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}$  و لتكن  $(x; y)$  و  $M'(X; Y)$  نقطتين

ليكن  $(C)$  منحنى الدالة  $x \rightarrow 2x^2$

لنبين أن  $C_f$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

$$\begin{cases} X - 1 = x \\ Y + 5 = y \end{cases} \text{ تكافئ } t(M) = M'$$

$y = 2x^2$  تكافئ  $M(x; y) \in (C)$

تكافئ  $Y + 5 = 2(X - 1)^2$

$M'(X; Y) \in (C_f)$  تكافئ

إذن  $(C_f)$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

وحيث أن  $(C)$  شلجم رأسه  $O(0; 0)$  و محور تماثله

محور الاراتيب فان  $(C_f)$  شلجم رأسه  $O'(1; 0)$

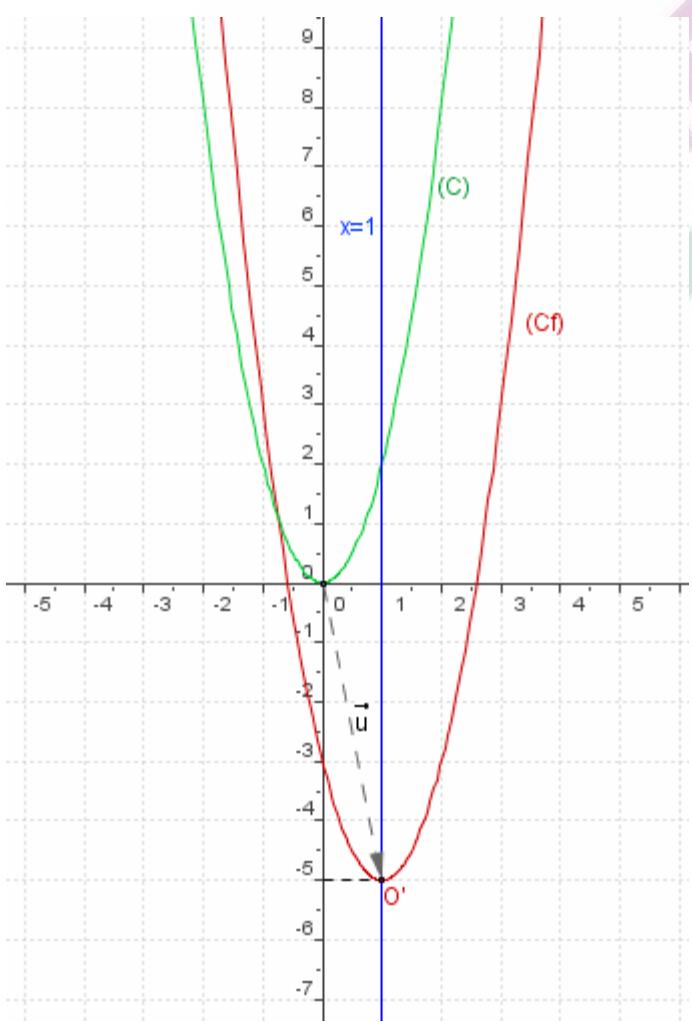
أي  $x = 1$  و محور تماثله المستقيم ذا المعادلة

$x = 1$  و حيث أن الدالة  $x \rightarrow 2x^2$  تزايدية على  $[0; +\infty]$

و تناصية على  $[-\infty; 0]$  فان الدالة  $f$  تزايدية على

$[-\infty; 1]$  و تناصية على  $[1; +\infty]$

جدول التغيرات



|     |           |    |           |
|-----|-----------|----|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 1  | $+\infty$ |
| $f$ |           | -5 |           |

إنشاء المنحنى

|        |    |    |    |   |
|--------|----|----|----|---|
| $x$    | 0  | 1  | 2  | 3 |
| $f(x)$ | -3 | -5 | -3 | 3 |

**مثال 2** لندرس  $f$  حيث  $f(x) = -x^2 + 2x + 3$  الشكل القانوني له  $f(x) = -(x-1)^2 + 4$  هو معادلة  $C_f$  في المعلم المتعامد  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  هي  $y - 4 = -(x - 1)^2$  أي  $y = -(x - 1)^2 + 4$  ولتكن  $M(x; y)$  و  $M'(X; Y)$  نقطتين نعتبر  $t$  الإزاحة ذات المتوجهة  $\bar{u}(1; 4)$  ليكن  $(C)$  منحنى الدالة  $x \rightarrow -x^2$  لنبين أن  $C_f$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

$$\begin{cases} X - 1 = x \\ Y - 4 = y \end{cases} \text{ تكافئ } t(M) = M'$$

$$y = -x^2 \text{ تكافئ } M(x; y) \in (C)$$

$$Y - 4 = -(X - 1)^2$$

$$M'(X; Y) \in (C_f)$$

إذن  $(C_f)$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

وحيث أن  $(C)$  شلجم رأسه  $O(0; 0)$  ومحور

تماثله محور الاراتيب فان  $(C_f)$  شلجم رأسه

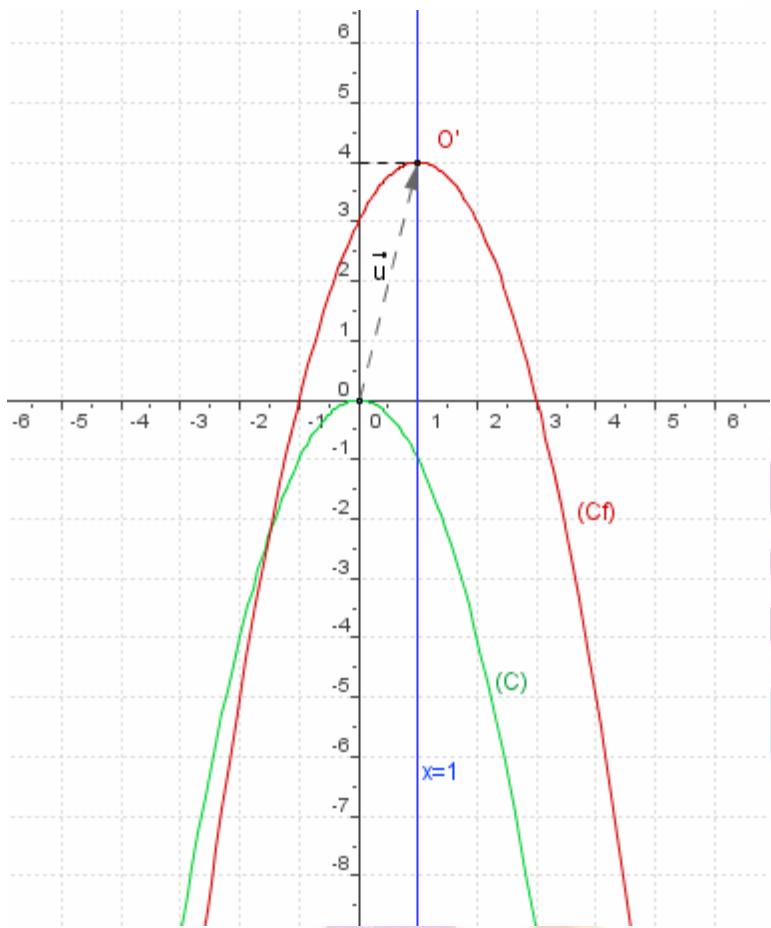
تماثله محور الاراتيب  $t(O) = O'$  أي  $t(O) = O'$

ذا المعادلة  $x = 1$

وحيث أن الدالة  $x \rightarrow -x^2$  تناقصية على  $[0; +\infty]$

و تزايدية على  $[-\infty; 0]$  فان الدالة  $f$  تناقصية على

$[1; +\infty]$  و تزايدية على  $[-\infty; 1]$



جدول التغيرات

|     |           |     |           |
|-----|-----------|-----|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 1   | $+\infty$ |
| $f$ |           | ↗ 4 | ↘         |

إنشاء المنحنى

$$x = 3 \text{ أو } x = -1 \text{ تكافئ } f(x) = 0$$

|        |   |   |   |    |
|--------|---|---|---|----|
| $x$    | 0 | 1 | 2 | 4  |
| $f(x)$ | 3 | 4 | 3 | -5 |

**الحالة العامة**  $a \neq 0 \rightarrow ax^2 + bx + c$  حيث  $x \rightarrow$  نشاط

لتكن  $f$  دالة معرفة على  $\mathbb{R}$  بـ  $f(x) = ax^2 + bx + c$  حيث  $a \neq 0$  و  $(a; b; c) \in \mathbb{R}^3$

1/ أعط الشكل القانوني له

2/ بين أن المنحنى  $(C_f)$  هو صورة المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة  $x \rightarrow ax^2$  ذات المتوجهة

و استنتاج طبيعة  $(C_f)$   $\bar{u}\left(\frac{-b}{2a}; f\left(\frac{-b}{2a}\right)\right)$

ثم أعط جدول تغيرات وفق العدد  $a$

لتكن  $f$  دالة حدودية من الدرجة الثانية المعرفة على  $\mathbb{R}$  حيث  $f(x) = ax^2 + bx + c$  و  $a \neq 0$  و  $(a; b; c) \in \mathbb{R}^3$  كل  $x$  من  $\mathbb{R}$  حيث  $\beta = f(\alpha)$  و  $\alpha = \frac{-b}{2a}$  لـ  $f(x) = a(x - \alpha)^2 + \beta$  \*

\* المنحنى  $C_f$  هو صورة المنحنى ( $C$ ) الممثل للدالة  $ax^2 \rightarrow x$  بالإزاحة ذا المتجهة  $\bar{u}(\alpha; \beta)$

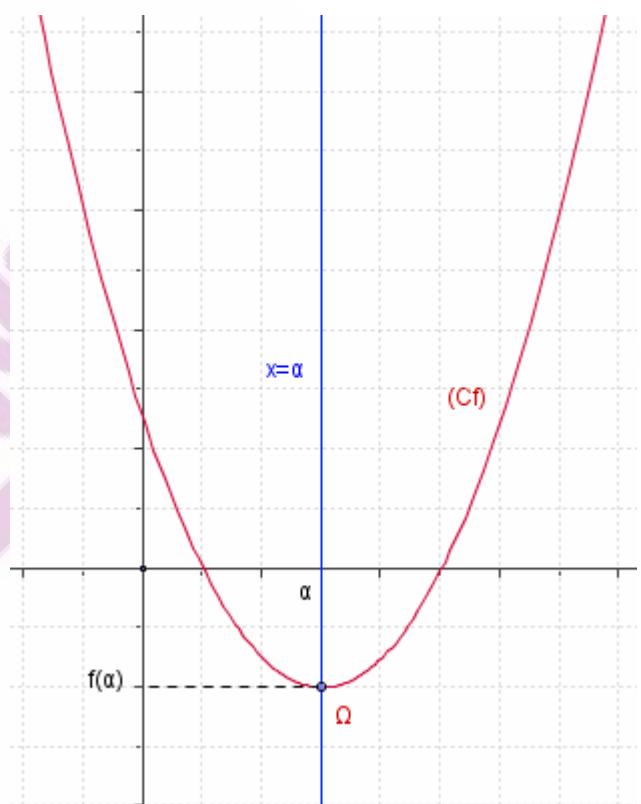
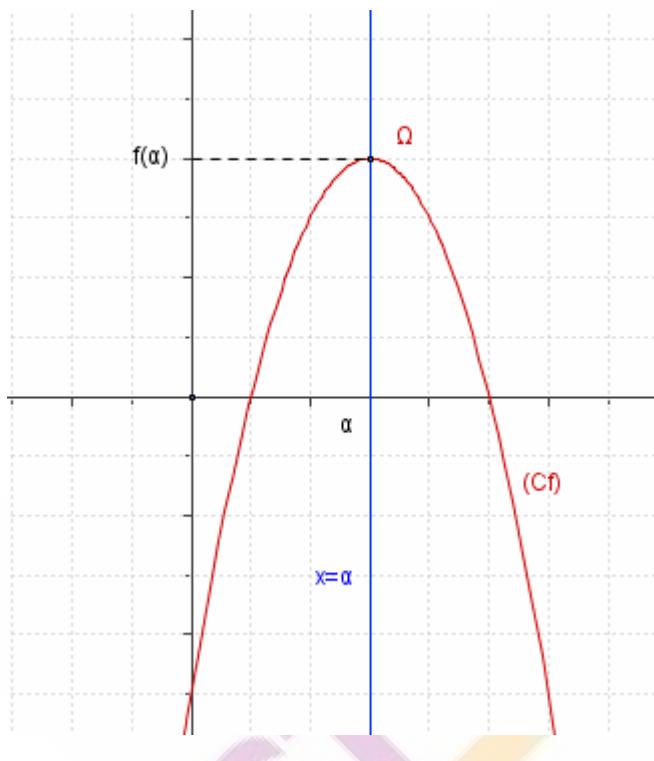
\* منحنى  $f$  في معلم متعامد هو شلجم رأسه  $\Omega(\alpha; \beta)$  و محور تماثله المستقيم ذا  $x = \alpha$   $C_f$

$$\text{نضع } \alpha = \frac{-b}{2a}$$

\* إذا كان  $0 < a$  فإن:

| $x$ | $-\infty$ | $\alpha$    | $+\infty$ |
|-----|-----------|-------------|-----------|
| $f$ |           | $f(\alpha)$ |           |

| $x$ | $-\infty$ | $\alpha$ | $+\infty$   |
|-----|-----------|----------|-------------|
| $f$ |           |          | $f(\alpha)$ |



### 3- دراسة الدالة

أ- أمثلة

$$f(x) = \frac{2}{x} \quad * \quad \text{نعتبر الدالة}$$

$$D_f = \mathbb{R}^* \quad * \quad \text{ندرس تغيرات}$$

$f$  دالة فردية و منه اقتصار دراستها على  $[0; +\infty[$

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{-2}{xy}$$

ليكن  $x$  و  $y$  من  $[0; +\infty[$  حيث  $x \neq y$

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} < 0$$

لكل  $x$  و  $y$  من  $[0; +\infty[$  حيث  $x \neq y$

إذن  $f$  تناقصية على  $[0; +\infty[$

|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f$ |           |   |           |

**ملاحظة**

إذا كان  $1 < x < 0$  فان  $\frac{2}{x} > 2$

هذا يعني أن جزء  $C_f$  على  $[0;1]$  فوق المستقيم  $y = 2$

إذا كان  $1 \geq x \geq 0$  فان  $\frac{2}{x} \leq 2$

هذا يعني أن جزء  $C_f$  على  $[1;+\infty[$  تحت المستقيم  $y = 2$

جدول القيم

|        |               |   |   |   |
|--------|---------------|---|---|---|
| $x$    | $\frac{1}{2}$ | 1 | 2 | 4 |
| $f(x)$ | 4             | 2 | 1 | 2 |

هدلول مركزه  $O$  و مقارباه محورا المعلم  $C_f$

\* نعتبر الدالة  $f(x) = \frac{-1}{x}$

- ندرس تغيرات  $D_f = \mathbb{R}^*$

دالة فردية و منه اقتصر دراستها على  $[0;+\infty[$

ليكن  $x$  و  $y$  من  $[0;+\infty[$  حيث  $x \neq y$

$$\frac{f(x) - f(y)}{x - y} = \frac{1}{xy}$$

إذن  $f$  تزايدية على  $[0;+\infty[$

|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f$ |           |   |           |

هدلول مركزه  $O$  و مقارباه محورا المعلم  $C_f$

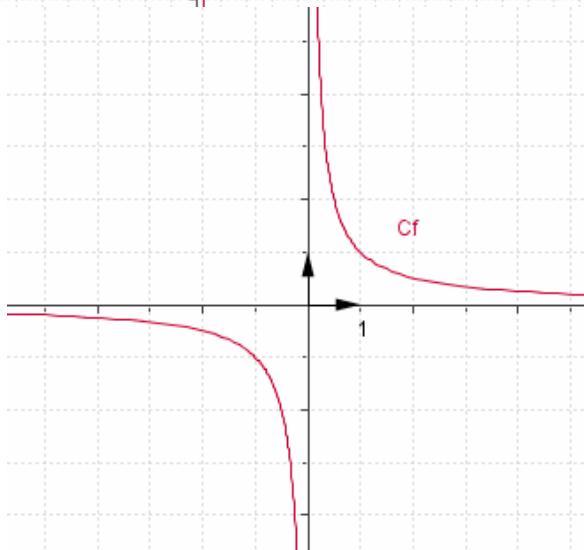
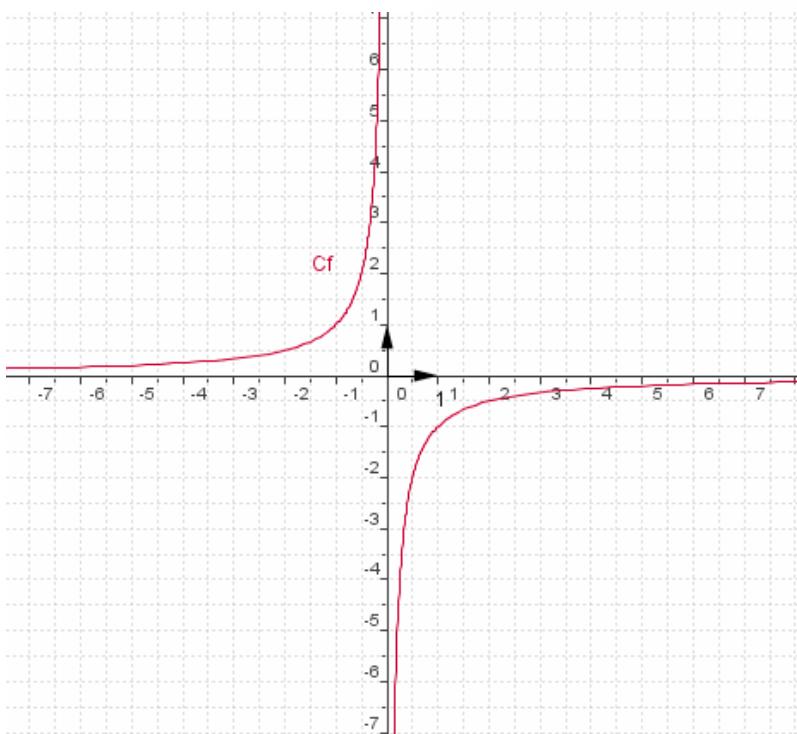
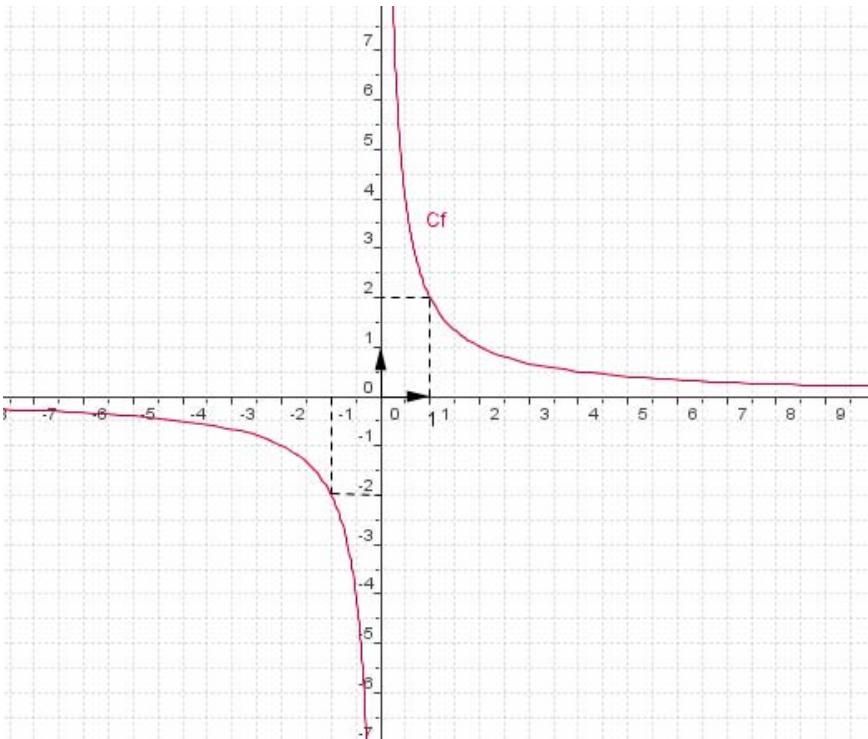
**بـ- الحالة العامة**

نعتبر  $f(x) = \frac{a}{x}$

إذا كان  $a > 0$  فان

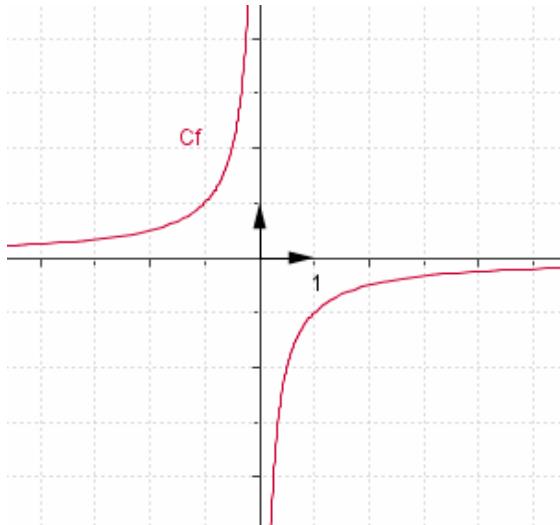
|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f$ |           |   |           |

هدلول مركزه  $O$  و مقارباه محورا المعلم  $C_f$



إذا كان  $a \prec 0$  فان

|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 0 | $+\infty$ |
| $f$ |           |   |           |



هذلول مركزه  $O$  و مقاريابه محورا المعلم  $C_f$

4 - دراسة الدالة  $x \rightarrow \frac{ax+b}{cx+d}$  حيث  $c \neq 0$

مثال 1  $f(x) = \frac{2x+1}{x-1}$

$$D_f = \mathbb{R} - \{1\}$$

\*- بإنجاز القسمة الاقليدية نحصل على أن

معادلة  $C_f$  في المعلم المتعامد  $(O; \vec{i}; \vec{j})$  هي  
نعتبر  $t$  الإزاحة ذات المتجهة  $\vec{u}(1; 2)$  ولتكن  $M(x; y)$  و  $M'(X; Y)$  نقطتين

ليكن  $(C)$  منحنى الدالة  $x \rightarrow \frac{3}{x}$

لنبيان أن  $C_f$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

$$\begin{cases} X-1=x \\ Y-2=y \end{cases} \text{ تكافئ } t(M) = M'$$

$$M'(X; Y) \in (C_f) \quad \text{تكافئ} \quad Y-2 = \frac{3}{X-1} \quad \text{تكافئ} \quad y = \frac{3}{x} \quad \text{تكافئ} \quad M(x; y) \in (C)$$

إذن  $(C_f)$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

وحيث أن  $(C)$  هذلول مركزه  $(0; 0)$  و مقاريابه محورا المعلم فان  $(C_f)$  هذلول مركزه  $(1; 2)$  أي  $t(O) = O'$  و مقاريابه المستقيمان اللذان معادلتهما  $x=1$  و  $y=2$

وحيث أن الدالة  $x \rightarrow \frac{3}{x}$  تناظرية على كل من  $[-\infty; 0]$  و  $[0; +\infty]$  فان الدالة  $f$  تناظرية على

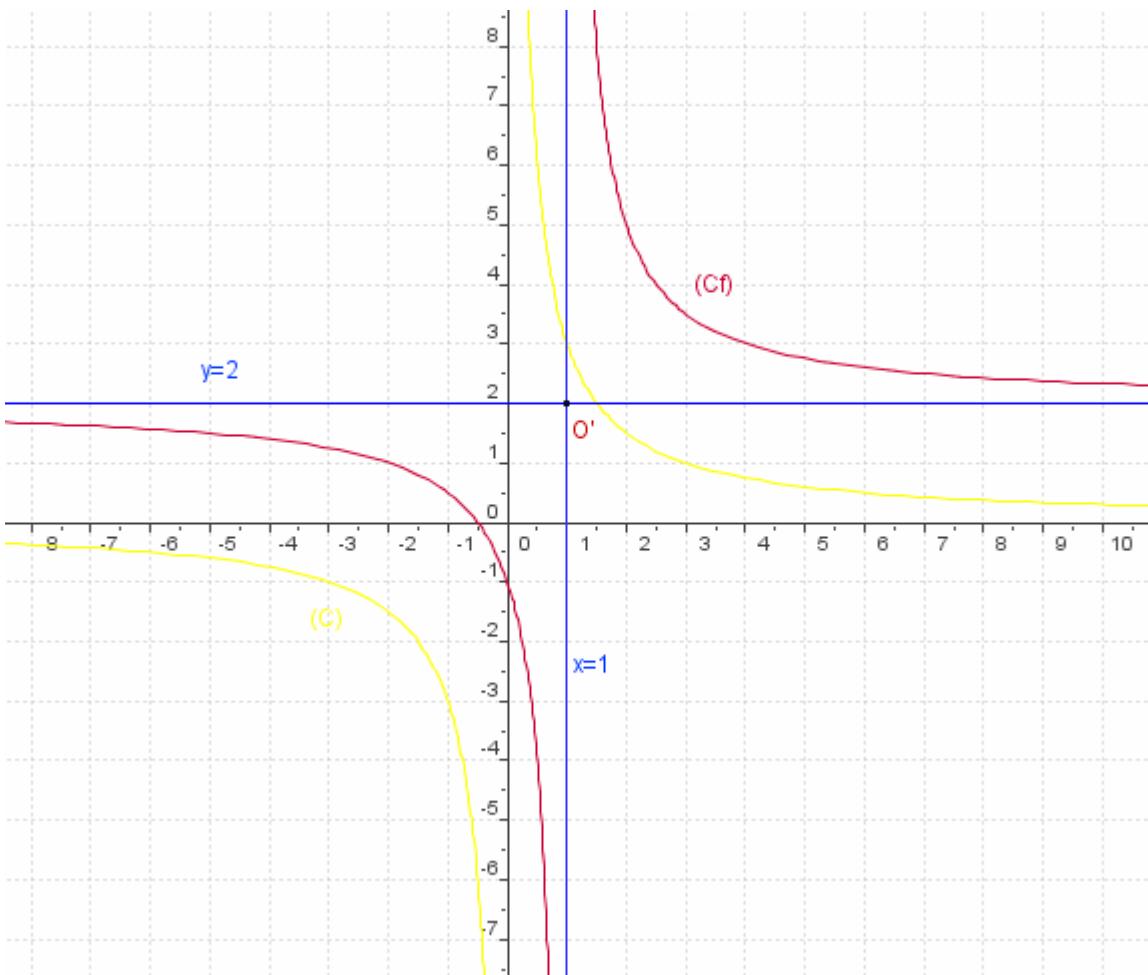
كل من  $[-\infty; 1]$  و  $[1; +\infty]$   
جدول التغيرات

|     |           |   |           |
|-----|-----------|---|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | 1 | $+\infty$ |
| $f$ |           |   |           |

إنشاء المنحنى

$$x = -\frac{1}{2} \text{ تكافئ } f(x) = 0$$

| $x$    | 0  | 1  | 2 | 5              |
|--------|----|----|---|----------------|
| $f(x)$ | -1 | // | 5 | $\frac{11}{4}$ |



**مثال 2**

$$f(x) = \frac{2x+3}{x+2}$$

$$D_f = \mathbb{R} - \{-2\}$$

- بإنجاز القسمة الأقلية نحصل على أن

$$f(x) = 2 + \frac{-1}{x+2}$$

معادلة  $C_f$  في المعلم المتعامد  $(O; i; j)$  هي  
نعتبر  $t$  الإزاحة ذات المتجهة  $(-2; 2)$  و لتكن  $M'(X; Y)$  و  $M(x; y)$  نقطتين

ليكن  $(C)$  منحني الدالة  $x \rightarrow \frac{-1}{x}$

لنبين أن  $C_f$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

$$\begin{cases} X+2=x \\ Y-2=y \end{cases} \quad t(M) = M'$$

$$M'(X; Y) \in (C_f) \quad T \text{ تكافئ } Y-2 = \frac{-1}{X+2} \quad y = \frac{3}{x} \quad T \text{ تكافئ } M(x; y) \in (C)$$

إذن  $(C_f)$  هو صورة  $(C)$  بالإزاحة  $t$

وحيث أن  $(C)$  هذلول مركزه  $O(0; 0)$  و مقاريده محورا المعلم فان  $(C_f)$  هذلول مركزه  $y = 2$  أي  $t(O) = O'$

وحيث أن الدالة  $f \rightarrow \frac{-1}{x}$  تزايدية على كل من  $[0; +\infty]$  و  $[-\infty; 0]$  فان الدالة  $f$  تزايدية على كل من  $[-\infty; -2]$  و  $[-2; 0]$

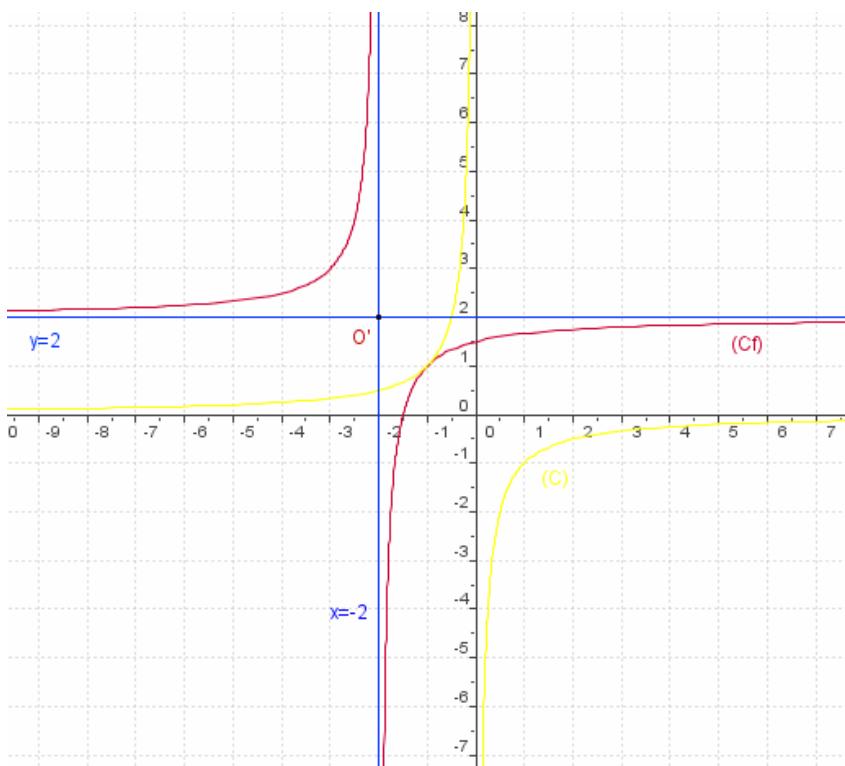
## جدول التغيرات

|     |           |    |           |
|-----|-----------|----|-----------|
| $x$ | $-\infty$ | -2 | $+\infty$ |
| $f$ |           |    |           |

إنشاء المنحنى

$$x = -\frac{3}{2} \text{ تكافئ } f(x) = 0$$

|        |    |    |    |               |               |
|--------|----|----|----|---------------|---------------|
| $x$    | -3 | -2 | -1 | 0             | 2             |
| $f(x)$ | 1  | // | 1  | $\frac{3}{2}$ | $\frac{7}{4}$ |



الحالة العامة  $x \rightarrow \frac{ax+b}{cx+d}$  حيث  $c \neq 0$

## نشاط

لتكن  $f$  الدالة المتخاطة المعرفة على  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$  حيث  $ad - bc \neq 0$  و  $c \neq 0$

لكل  $x$  من  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$   $f(x) = \beta + \frac{\lambda}{x - \alpha}$  حيث  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\lambda$

2- بين أن المنحنى  $(C_f)$  هو صورة المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة  $x \rightarrow \frac{\lambda}{x}$  بالإزاحة  $t$  ذات المتتجهة

و استنتج طبيعة  $(C_f)$

$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$$

$$\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix}$$

3- بين أن تغيرات  $f$  مرتبطة بالعدد

## خاصيات

لتكن  $f$  الدالة المتخاطة المعرفة على  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$  حيث  $ad - bc \neq 0$  و  $c \neq 0$

\* توجد أعداد حقيقة  $\alpha$  و  $\beta$  و  $\lambda$  حيث لكل  $x$  من  $\mathbb{R} - \left\{ \frac{-d}{c} \right\}$   $f(x) = \beta + \frac{\lambda}{x - \alpha}$

\* المنحنى  $C_f$  هو صورة المنحنى  $(C)$  الممثل للدالة  $x \rightarrow \frac{\lambda}{x}$  بالإزاحة ذا المتتجهة  $(\alpha; \beta)$

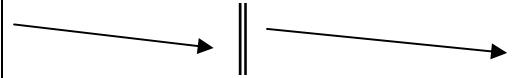
\* منحنى  $f$  في معلم متعمد هو هدلول مركزه  $(\alpha; \beta)$  و مقارياه هما المستقيمان المعرفان بـ

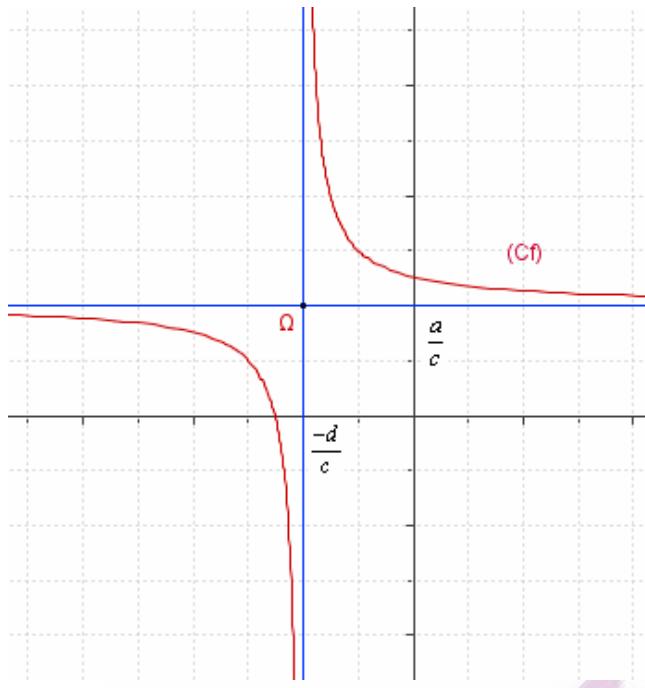
$$y = \beta \quad \text{و} \quad x = \alpha$$

$$\beta = \frac{a}{c} \quad \text{و} \quad \alpha = \frac{-d}{c}$$

ملاحظة:

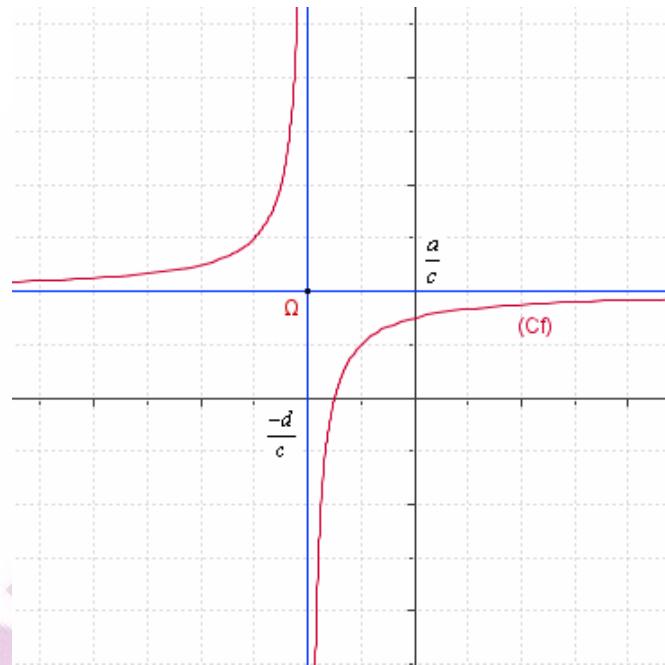
فان  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} < 0$  - إذا كان

|     |   |                |           |
|-----|---|----------------|-----------|
| $x$ | $-\infty$   | $\frac{-d}{c}$ | $+\infty$ |
| $f$ |  |                |           |



فان  $\begin{vmatrix} a & b \\ c & d \end{vmatrix} > 0$  - إذا كان

|     |  |                |           |
|-----|--|----------------|-----------|
| $x$ | $-\infty$  | $\frac{-d}{c}$ | $+\infty$ |
| $f$ |  |                |           |



## 5- دالة الجيب - دالة جيب التمام $\cos$ أ/ دالة الجيب $\sin$ تعريف

الدالة  $\sin us$  هي الدالة التي تربط كل عدد حقيقي  $x$  بجنيه  $\sin x$   
 نكتب  $\sin : x \rightarrow \sin x$

### خاصية 1

لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  نقول ان الدالة  $\sin$  فردية  $\sin(-x) = -\sin x$

\* رأينا أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ولكل  $k$  من  $\mathbb{Z}$

$$\sin x = \sin(x + 2k\pi)$$

### خاصية 2

لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  نقول ان الدالة  $\sin$  دورية و  $2\pi$  دور لها  $\sin x = \sin(x + 2\pi)$

### التأويل الهندسي

نعتبر المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

لتكن  $(C_{\sin} M)$  نقطة من المنحنى  $(C_{\sin} x)$

و حيث  $(C_{\sin} M')$  نقطة من المنحنى  $(C_{\sin}(x + 2k\pi))$  فان  $\sin x = \sin(x + 2k\pi)$

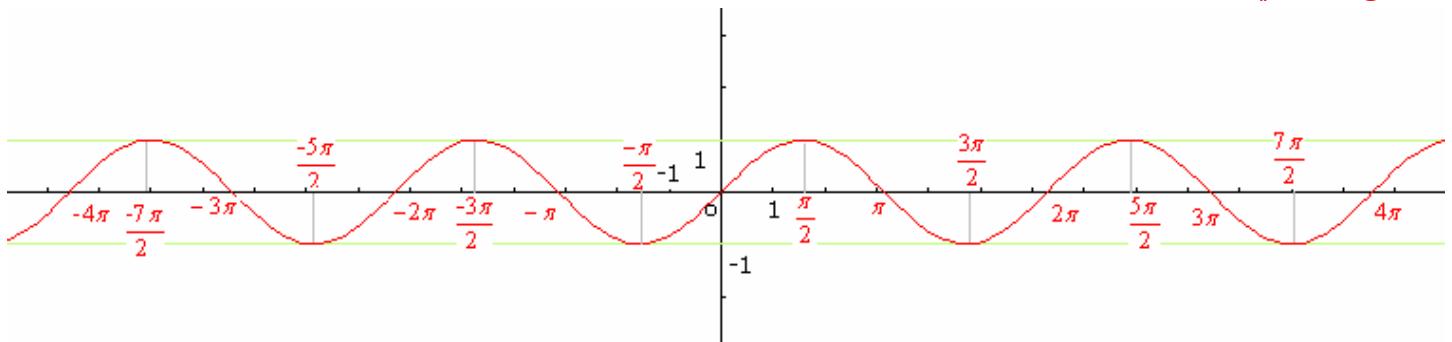
و بالتالي  $\vec{MM'} = 2k\pi\vec{i}$  أي  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $2k\pi\vec{i}$

و من هذا نستنتج أنه يكفي رسم المنحنى على مجال سعة  $2\pi$  مثلًا  $[\pi; -\pi]$  و استنتاج ما تبقى من المنحنى

في المجالات  $[-\pi + 2k\pi; \pi + 2k\pi]$  باستعمال الإزاحة ذات المتجهة  $2k\pi\vec{i}$

### ملاحظة

$\sin$  فردية و منه المنحنى متماثل بالنسبة لأصل المعلم يكفي تمثيل المنحنى ( $C_{\sin}$ ) على  $[-\pi; \pi]$  واستنتاج المنحنى ( $C_{\sin}$ ) على  $[0; \pi]$  التمثيل المباني لدالة  $\sin$



### ب/ دالة جيب تمام cos

#### تعريف

الدالة  $\cosinus$  هي الدالة التي تربط كل عدد حقيقي  $x$  بجيب تمامه  $\cos x$  نكتب  $\cos : x \rightarrow \cos x$

#### خاصية 1

لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  نقول إن الدالة  $\cos$  زوجية  $\cos(-x) = \cos x$

\* رأينا أن لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  ولكل  $k$  من  $\mathbb{Z}$   $\cos(x + 2k\pi) = \cos x$

ومنه  $\cos x = \cos(x + 2\pi)$

#### خاصية 2

لكل  $x$  من  $\mathbb{R}$  نقول إن الدالة  $\cos$  دورية و  $2\pi$  دور لها  $\cos x = \cos(x + 2\pi)$

#### التأويل الهندسي

نعتبر المعلم المتعامد الممنظم  $(O; \vec{i}; \vec{j})$

لتكن  $M(x; \cos x)$  نقطة من المنحنى  $(C_{\cos})$

وحيث  $(C_{\cos})$  نقطة من المنحنى  $(M'(x + 2k\pi; \sin x))$  فإن  $\cos x = \cos(x + 2k\pi)$

و بال التالي  $\vec{i}$  أي  $M'$  صورة  $M$  بالإزاحة ذات المتجهة  $2k\pi\vec{i}$

و من هذا نستنتج أنه يكفي رسم المنحنى  $(C_{\cos})$  على مجال سعته  $2\pi$  مثلًا  $[\pi; \pi]$  واستنتاج ما تبقى من

المنحنى في المجالات  $[-\pi + 2k\pi; \pi + 2k\pi]$  باستعمال الإزاحة ذات المتجهة  $2k\pi\vec{i}$

#### ملاحظة

$\cos$  زوجية و منه المنحنى  $(C_{\cos})$  متماثل بالنسبة لمحور الأراتيب

يكفي تمثيل المنحنى  $(C_{\cos})$  على  $[\pi; 0]$  واستنتاج المنحنى  $(C_{\cos})$  على  $[-\pi; 0]$  التمثيل المباني لدالة  $\cos$

