

سلسلة 2	المتاليات العددية	السنة 2 بكالوريا علوم رياضية
		<p>تمرين 1: نعتبر المتالية : $n \in IN^*$ حيث $u_n = \frac{2^n}{n!}$</p> <p>1) تحقق أن : $\frac{u_{n+1}}{u_n} \leq \frac{1}{2}$ ثم استنتج أن : $\frac{u_{n+1}}{u_n} = \frac{2}{n+1}$</p> <p>2) بين أن : $u_n \leq u_3 \times \left(\frac{1}{2}\right)^{n-3}$</p> <p>3) حدد : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n$</p>
		<p>تمرين 2: نعتبر المتالية : $n \in IN^*$ $u_n = 1 + \frac{1}{4} + \frac{1}{9} + \dots + \frac{1}{n^2}$ لكل $n \in IN^*$</p> <p>1) ادرس رتبة u_n</p> <p>2) تتحقق أن : $\frac{1}{k^2} < \frac{1}{k-1} - \frac{1}{k}$</p> <p>3) استنتاج أن : $\forall n \in IN_{\{0,1\}} \quad u_n < 2 - \frac{1}{n}$</p> <p>4) بين أن u_n متقاربة.</p>
		<p>تمرين 3: نعتبر المتالية :</p> $\begin{cases} u_0 = 1 \\ u_{n+1} = u_n + \frac{1}{u_n}; n \geq 0 \end{cases}$ <p>1) ادرس رتبة u_n</p> <p>2) بين أن u_n غير مكبورة (استعمل برهانا بالخلف)</p> <p>3) استنتاج ؟</p>
		<p>تمرين 4: نعتبر المتالية : $n \in IN^*$ $u_n = 1 + \frac{1}{2!} + \frac{1}{3!} + \dots + \frac{1}{n!}$</p> <p>1) ادرس رتبة u_n</p> <p>2) بين أن : $k \in IN^* \quad k! \geq 2^{k-1}$ لكل $k \in IN^*$</p> <p>3) استنتاج أن u_n متقاربة.</p>
		<p>تمرين 5: نعتبر المتالية : $n \in IN^*$ $S_n = 1 + \frac{1}{2} + \frac{1}{3} + \dots + \frac{1}{n}$</p> <p>1) ادرس رتبة u_n</p> <p>2) تتحقق أن : $S_{2n} - S_n \geq \frac{1}{2}$ ثم استنتاج أن $n \in IN^*$ لكل $S_{2n} - S_n = \frac{1}{n+1} + \frac{1}{n+2} + \dots + \frac{1}{2n}$</p> <p>3) بين أن : $\lim_{n \rightarrow +\infty} u_n = +\infty$</p> <p>4) نضع $p_n = S_{2n} - S_n$ ، بين أن p_n متقاربة.</p>