

1 - مقارنة عددين جذريين :

$a - b = -5$ عددان جذريان حيث a و b قارن العددين a و b .	<u>خاصية 1 :</u> إذا كان $a \leq b$ فإن $a - b \leq 0$ فإذا كان $a - b \leq 0$ فإن $a \leq b$
	تمرين : - قارن العددين $\frac{9}{4}$ و $\frac{8}{3}$ و $\frac{-3}{4} + \frac{1}{3} + 2$ قارن العددين :

2 - الترتيب والعمليات :

- الترتيب والجمع :

$(a+c) - (b+c) = a + c - b - c$ نحدد إشارة فرقهما : $(a+c) - (b+c) \leq 0$ بعدها $a - b \leq 0$ وبالتالي : $a + c \leq b + c$	<u>خاصية 3 :</u> إذا كان $a + c \leq b + c$ فإن $a \leq b$ و c أعداد جذرية
$a \leq 3$ لدينا $a - 7 \leq 3 - 7$ (نضيف -7) ومنه : $a - 7 \leq -4$	تمرين 1 : $a \leq 3$ عدد حقيقي حيث $a - 7$ قارن a و -4
$a \leq 7$ لدينا $7 + b \leq a + b$ و $b \leq -5$ أي $7 + b \leq -5 + 7$ أي $b \leq 2$ ومنه : $a + b \leq 2$	تمرين 2 : $b \leq -5$ عدد جذري حيث $a \leq 7$ و a قارن العددين $a + b$ و 2

- الترتيب والضرب :

$a \leq 3$ عدد جذري حيث : قارن العددين : $3a$ و $9 - a$ ثم $3a \leq 9 - a$ أي $3a \leq 9$ لدينا $a \leq 3$ و $3 \times 3 \leq 3 \times a$ أي $9 \leq 3a$ لدينا $a \geq 3$ و $-1 \cdot a \geq -1 \cdot 3$ أي $a \geq -3$ الحل : لدينا $ab \leq 2b$ و $a \leq 2$ و $b \leq 3$ و $2b \leq 3 \times 2$ وبالتالي : $ab \leq 6$	<u>الخاصية 4 :</u> إذا كان $a \leq b$ و $c > 0$ فإن $a.c \leq b.c$ وإذا كان $a \leq b$ و $c < 0$ فإن $a.c \geq b.c$
	تمرين : $b \leq 3$ عدد جذري حيث $a \leq 2$ و $ab \leq 6$ قارن العددين : a و ab

3 - المتراجحات من الدرجة الأولى بمجهول واحد :

<u>مثال 2 :</u> حل المتراجحة $\frac{2}{3}x \geq 3$ نضرب طرفي المتراجحة في مقلوب $\frac{2}{3}$ فنجد $x \geq \frac{9}{2}$ ومنه : $\frac{3}{2} \times \frac{2}{3}x \geq 3 \times \frac{3}{2}$ إذن حل هذه المتراجحة هي الأعداد الجذرية الأكبر من أو تساوي $\frac{9}{2}$.	<u>تعريف :</u> كل متفاوتة على شكل $ax \geq b$ أو $ax \leq b$ تسمى متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد حيث : a و b عدنان جذريان و x العدد المجهول.
	<u>مثال 1 :</u> متى يكون $3x \leq 12$ ؟ نضرب طرفي المتفاوتة في $\frac{1}{3}$ العدد الموجب فنجد : $x \leq 4$ ومنه : $\frac{1}{3} \times 3x \leq 12 \times \frac{1}{3}$ إذن حلول المتراجحة $3x \leq 12$ هي الأعداد الجذرية الأصغر من أو تساوي 4.

4 - التأطير :

$2,66 \leq \frac{8}{3} \leq 2,67$ إلى $0,01$ هو $\frac{8}{3}$ تأطير العدد	<u>تعريف :</u> $a < b$ و x أعداد حقيقية حيث $x \leq a \leq b$ الكتابة $a \leq x \leq b$ تسمى تأطير العدد x تأطير العدد $\frac{5}{3}$ إلى $0,1$ هو : $1,6 \leq \frac{5}{3} \leq 1,7$
$1+3 \leq a+b \leq 2+4$ إذن : $\begin{cases} 1 \leq a \leq 2 \\ 3 \leq b \leq 4 \end{cases}$ ومنه : $4 \leq a+b \leq 6$	<u>تأطير مجموع :</u> a و b عدنان حقيقيان حيث $3 \leq b \leq 4$ و $1 \leq a \leq 2$ $a+b$ أعط تأطيراً
$2 \times 3 \leq ab \leq 5 \times 3$ إذن : $\begin{cases} 4 \leq a \leq 5 \\ 2 \leq b \leq 3 \end{cases}$ ومنه : $6 \leq ab \leq 15$	<u>تأطير جداء :</u> a و b عدنان حقيقيان حيث $2 \leq b \leq 3$ و $4 \leq a \leq 5$ ab أعط تأطيراً

التمرين 5 : a و b عداد جذريان موجبان قطعا

$$\text{قارن العددين } \frac{a}{b} + \frac{b}{a} \text{ و } 2$$

الحل : نحدد إشارة فرقهما

$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} - 2 = \frac{a^2 + b^2 - 2ab}{ab} \quad \text{إذن:}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} - 2 = \frac{(a+b)^2}{ab} \quad \text{ومنه: الفرق موجب}$$

$$\frac{a}{b} + \frac{b}{a} \geq 2 \quad \text{وبالتالي:}$$

التمرين 6 : a و b عداد جذريان

$$\text{قارن العددين } a^2 + b^2 \text{ و } 2ab$$

نحدد إشارة فرقهما

$$a^2 + b^2 - 2ab = (a-b)^2 \quad \text{إذن:}$$

الفرق موجب لأن مربع عدد دائمًا موجب.

$$\text{وبالتالي: } a^2 + b^2 \geq 2ab$$

التمرين 7 : a عدد جذري موجب حيث $a \leq 1$

$$\text{قارن العددين } a^2 \text{ و } 1$$

$a \times a \leq 1 \times a$ و $a \leq 1$ موجب إذن: $a^2 \leq a$

الحل :

$$\text{أي: } a^2 \leq a$$

التمرين 7 :

قارن العددين : $x + \frac{3}{5}$ و $x + \frac{1}{3}$

قارن العددين : $x + \frac{-2}{3}$ و $x + \frac{-1}{2}$

قارن العددين : $x + \frac{-3}{2}$ و $x + \frac{7}{5}$

التمرين 1:

قارن العددين : $5 + \frac{7}{3}$ و $3 + \frac{3}{2}$

الحل : لدينا: $3 \leq 5$

بما أن: $3 + \frac{3}{2} \leq 5 + \frac{7}{3}$ فإن: $\begin{cases} 3 \leq 5 \\ \frac{3}{2} \leq \frac{7}{3} \end{cases}$

التمرين 3:

$b \leq a$ و b عداد جذريان حيث $a \leq 4$ و $-3 \leq b \leq 5$

1- بين أن: $3a - 7 \leq 5$

2- بين أن: $-2b + 3 \geq 9$

الحل : - لدينا $a \leq 4$ و منه: $3a \leq 12$ لأن 3 موجب

إذن: $3a - 7 \leq 12 - 7$ أي: $3a - 7 \leq 5$

- لدينا $b \leq -3$ و منه: $-2a \leq 6$ لأن -2 سالب

إذن: $-2b + 3 \leq 6 + 3$ أي: $-2b + 3 \leq 9$

التمرين 4: حل المتراجحات التالية:

$$2x - 1 > 5$$

$$3x + 2 \geq x - 4$$

$$2(x - 3) \leq 2x + 1$$

الحل :

- حل المتراجحة $2x - 1 > 5$ هو حل المتراجحات المتكافئة:

$$2x - 1 + 1 > 5 + 1$$

$$2x > 6$$

$$\frac{1}{2} \times 2x > 6 \times \frac{1}{2}$$

و منه $x > 3$ أي الأعداد الجذرية الأكبر قطعا من 3

- حل المتراجحة $3x + 2 \geq x - 4$ هو حل المتراجحات التالية

$$3x + 2 - 2 - x \geq x - 4 - 2 - x$$

$$2x \geq -6$$

$$\frac{1}{2} \times 2x \geq -6 \times \frac{1}{2}$$

و منه: $x \geq -3$ أي الأعداد الجذرية الأكبر من أو تساوي -3

- حل المتراجحة $2(x - 3) \leq 2x + 1$ هو حل المتراجحات:

$$2x - 6 \leq 2x + 1$$

$$2x - 6 + 6 - 2x \leq 2x + 1 - 6 - 2x$$

$$0x \leq -5$$

إذن: هل توجد أعداد جذرية تتحقق المتراجحة الأخيرة؟

و منه المتراجحة الأولى ليس لها حلول.