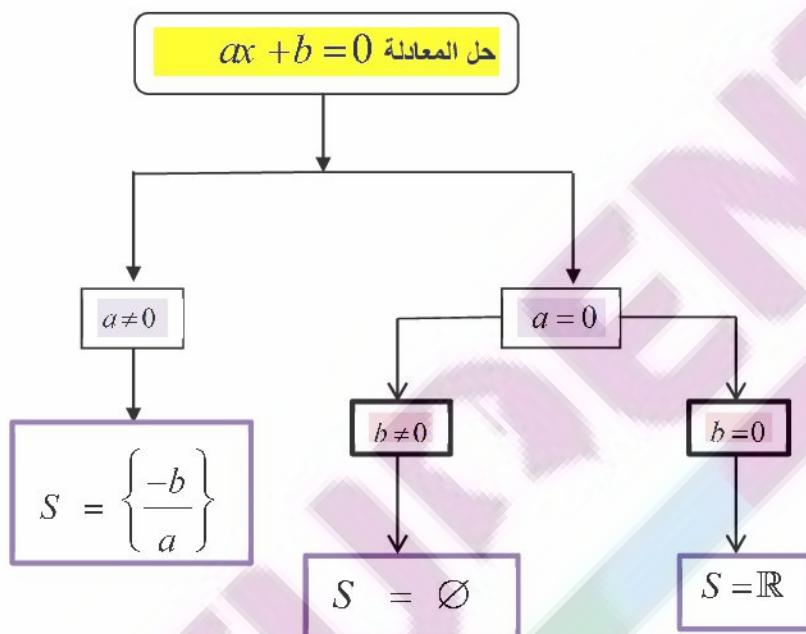


المعادلات والمتراجحات والنظم

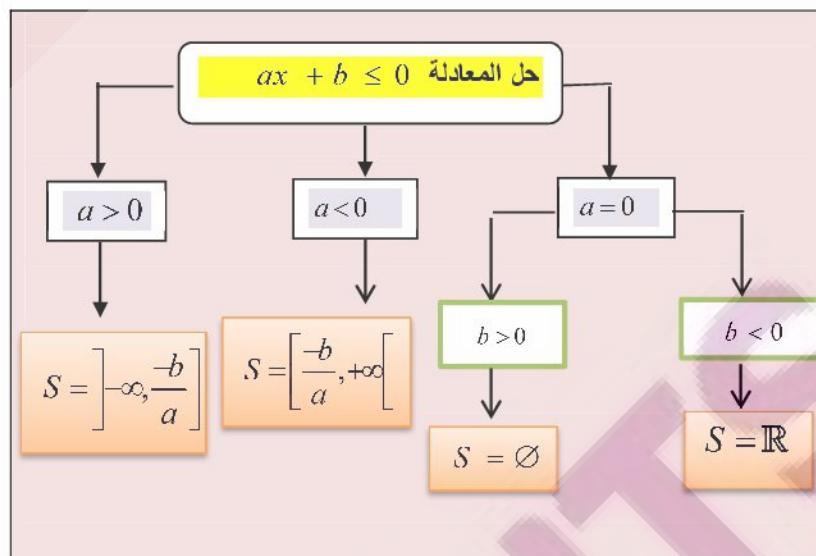
معادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهول واحد هي كل معادلة يمكن أن تكتب على شكل $ax + b = 0$ حيث x هو المجهول و a و b عددين حقيقين معلومان



متراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد

المتراجحة من الدرجة الأولى بمجهول واحد في \mathbb{R} هي كل متراجحة يمكن أن تكتب على شكل $ax + b > 0$ أو $ax + b \geq 0$ أو $ax + b < 0$ أو $ax + b \leq 0$ حيث x هو المجهول و a و b عددين حقيقين معلومان

جدول إشارة الحدانية $ax+b$

نعتبر الحدانية $ax+b$ حيث $a \neq 0$

- إذا كان $x \geq -\frac{b}{a}$ فإن إشارة $ax+b$ هي إشارة a
- إذا كان $x \leq -\frac{b}{a}$ فإن إشارة $ax+b$ هي عكس إشارة a

معادلة من الدرجة الأولى بمجهولين

المعادلة من الدرجة الأولى بمجهولين هي كل معادلة يمكن أن تكتب على شكل $ax+by+c=0$ حيث x و y هما المجهولان و a و b و c أعداد حقيقة معلومة

- إذا كان $a \neq 0$ فإن $S = \left\{ \left(\frac{-b}{a}y - \frac{c}{a}; y \right) / y \in \mathbb{R} \right\}$
- إذا كان $b \neq 0$ فإن $S = \left\{ \left(x; \frac{-a}{b}y - \frac{c}{b} \right) / x \in \mathbb{R} \right\}$
- إذا كان $a = 0$ و $b = 0$ فإن $S = \mathbb{R}^2$
- إذا كان $c = 0$ فإن $S = \mathbb{R}$
- إذا كان $c \neq 0$ فإن $S = \emptyset$

نظمة معادلين من الدرجة الأولى

(S) تسمى نظمة معادلين من الدرجة الأولى بمجهولين x و y حيث a و b و c و a' و b' و c' أعداد حقيقة.

$$\text{العدد } \begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = ab' - a'b \text{ يسمى محدد النظمة } (S).$$

نعتبر النظمة (S):

$$y = \begin{vmatrix} a & c \\ a' & c' \\ a & b \\ a' & b' \end{vmatrix} \quad x = \begin{vmatrix} c & b \\ c' & b' \\ a & b \\ a' & b' \end{vmatrix}$$

فإن النظمة تقبل حلًا وحيدًا هو الزوج (x, y) حيث:

$$\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} \neq 0 \quad \text{إذا كان}$$

$$\begin{vmatrix} a & a' \\ b & b' \end{vmatrix} = 0 \quad \text{إذا كان}$$

فاته قد لا يكون لهذه النظمة أي حل وقد يكون لها ما لا نهاية من الحلول

إشارة $ax + by + c = 0$ و تجويه المستوى

المستوى منسوب إلى معلم (O, I, J)

ليكن (D) مستقيماً معادلته $ax + by + c = 0$

المستقيم (D) يحدد نصف مستوى مفتوحين.

- أحد هما مجموعة النقط (x, y) التي تحقق العلاقة $ax + by + c > 0$ M
- والآخر هو مجموعة النقط (x, y) التي تتحقق العلاقة $ax + by + c < 0$ M

المعادلات من الدرجة الثانية بمجهول واحد

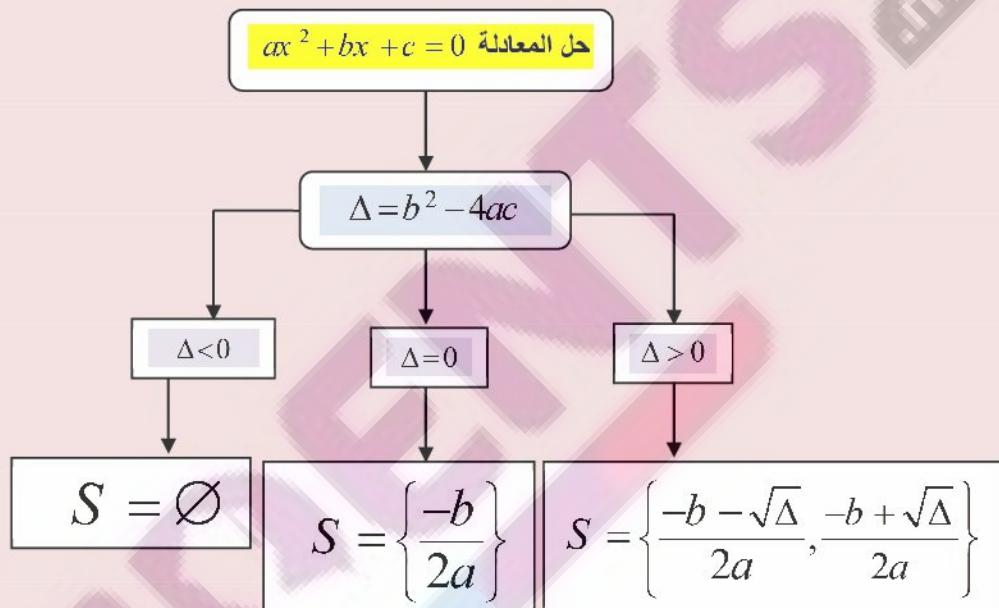
a تسمى الشكل القانوني لثلاثية الحدود $ax^2 + bx + c$ حيث a و b و c أعداد حقيقة

$$\text{الكتابة } a \left[\left(x + \frac{b}{2a} \right)^2 - \frac{b^2 - 4ac}{(2a)^2} \right]$$

حيث $a \neq 0$

- كل معادلة على الشكل $ax^2 + bx + c = 0$ حيث a و b و c أعداد حقيقة بحيث $a \neq 0$ تسمى معادلة من الدرجة الثانية في \mathbb{R}
- $ax^2 + bx + c = 0$ يسمى مميز هذه المعادلة أو مميز ثلاثة الحدود $\Delta = b^2 - 4ac$

نعتبر في \mathbb{R} المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ بحيث $a \neq 0$ و لتكن S مجموعة حلولها و Δ مميزها .



تعملل ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية

- نعتبر ثلاثة الحدود $ax^2 + bx + c$ و لتكن Δ مميزها
- إذا كان $\Delta > 0$ فإن المعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ تقبل حلين مختلفين x_1 و x_2 ولدينا :

$$ax^2 + bx + c = a(x - x_1)(x - x_2)$$

- إذا كان $\Delta = 0$ فإن :

$$ax^2 + bx + c = a\left(x + \frac{b}{2a}\right)^2$$

- إذا كان $\Delta < 0$ فإن ثلاثة الحدود $ax^2 + bx + c$ لا يمكن تعاملها إلى جداء حدوديتين من الدرجة الأولى في \mathbb{R}

مجموع و جداء حل معادلة من الدرجة الثانية

إذا كان للمعادلة $ax^2 + bx + c = 0$ مميز موجب قطعاً فإن x_1 و x_2 حلّي هذه المعادلة يحققان :

$$\begin{cases} x_1 + x_2 = \frac{-b}{a} \\ x_1 x_2 = \frac{c}{a} \end{cases}$$

إشارة ثلاثة الحدود من الدرجة الثانية

نعتبر ثلاثة الحدود $P(x) = ax^2 + bx + c$ و Δ مميزها

- إذا كان $\Delta > 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a خارج الجذرين ، و إشارة $P(x)$ هي عكس إشارة العدد a داخل الجذرين

• إذا كان $\Delta = 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a لكل x مختلف للعدد

• إذا كان $\Delta < 0$ فإن إشارة $P(x)$ هي إشارة العدد a لكل x من \mathbb{R}